

语文

数学

英语

化学

高考 学霸笔记

高中物理典型例题

物理

王茜，2017年高考663分，
现录取至浙江大学深造。



扫描二维码下载猿题库App
，与千万中学生共同提升学
习成绩！

生物

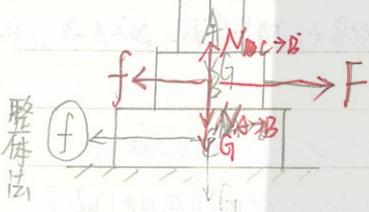
政治

历史

地理

物理学案1

9. 如图所示, 重为 G 的 A, B, C 三物体叠放在水平面上, 现用 $F=15\text{N}$ 的拉力使三个物体一起向右做匀速直线运动, 则物体 A 受 2 个力的作用, 物体 B 受 5 个力的作用, 物体 C 受桌面摩擦力 15 N 支



分析物体受力情况: ①重力 ②弹力 ③摩擦力

2. [假设法] 质量相等的两个实心小球 A, B 密度之比为 $\rho_A:\rho_B=1:2$, 现将 A, B 放入盛有足够水的容器, 当 A, B 两个小球静止时, 水对 A, B 两个球浮力之比为 8:5, 则

$\rho_A = \underline{0.8} \text{ kg/m}^3$ $\rho_B = \underline{1.6} \text{ kg/m}^3$

分析: 假设两小球都漂浮或悬浮 假设两小球都沉底

$F_{浮A} = m_A \cdot g$ $F_{浮B} = m_B \cdot g$ $F_{浮A} = \rho_k \cdot V_A \cdot g$ $F_{浮B} = \rho_k \cdot V_B \cdot g$

$\therefore m_A = m_B$

$\therefore \rho_A \cdot V_B = 1:2$ $m_A = m_B = 1:1$

$\therefore F_{浮A} : F_{浮B} = 1:1$

$\therefore V_A : V_B = 2:1$

\therefore 此情况与实际不符

$\therefore F_{浮A} : F_{浮B} = 2:1$ \therefore 此情况与实际不符

$\therefore \rho_A < \rho_B$ \therefore A 小球漂浮, B 小球沉底

解: $F_{浮A} = m_A \cdot g = \rho_A \cdot V_A \cdot g$
 $F_{浮B} = \rho_k \cdot V_B \cdot g = V_B \times 10^3 \text{ kg/m}^3 \times g$

$\therefore \frac{F_{浮A}}{F_{浮B}} = \frac{8}{5} = \frac{\rho_A \cdot V_A \cdot g}{V_B \times 10^3 \text{ kg/m}^3 \times g}$

$\therefore V_A : V_B = 2:1$

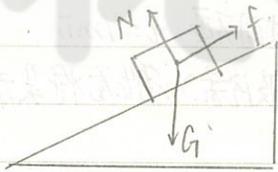
$\rho_A = \frac{8}{2} \times 10^3 \text{ kg/m}^3$

$\therefore V_A = 2V_B$

$\therefore \rho_B = 1.6 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$

力的合成与分解

例4. 如图, 质量为 m 的物体 A 静止在倾角为 θ 的斜面上, 求斜面对 A 的支持力和摩擦力



1. 施力物体有 2 个, 斜面, 地球, 故斜面对物体作用力与地球对物体作用力平衡
2. 矢量平衡法: 若 n 个分力平衡, 则依次首尾相接, 围成 n 边形, 则这 n 力平衡

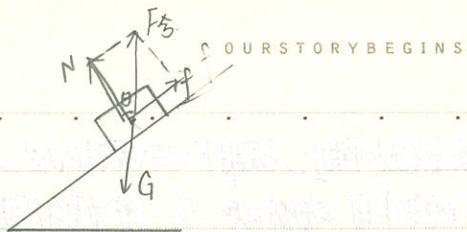
主图:



$N = \cos \theta \cdot m \cdot g$

$f = \sin \theta \cdot m \cdot g$

167.22



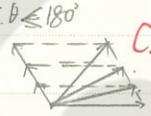
3.

分情况考虑

拓展训练 1. 两个共点力合力为 F , 如果它们之间夹角 θ 固定不变, 而其中一个力增大则: **B, D**.

A: 合力 F 一定增大. **B: 合力 F 的大小可能不变.** C: 合力可能增大, 可能减小. $0^\circ < \theta < 90^\circ$ 合力在减小.

$0^\circ < \theta < 90^\circ$ $90^\circ < \theta < 180^\circ$



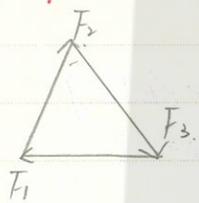
C: 先减小再增大

B: 某一时刻合力大小不变, 只是方向变了.

2. n 个共点力作用在一个物体上, 使物体处于静止状态, 当某个力 F_i 停止作用时, 以下理解正确的是: **(D, B)**

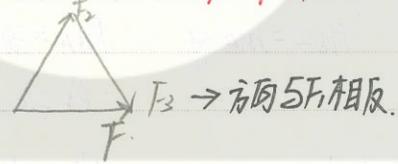
A: 物体向 F_i 方向运动 B: 物体向 F_i 反方向运动 C: 物体保持静止状态. D: 由于不知其他力的大小, 无法判断其状态

分析: n 个平衡力的理解: 1. 将 n 个力平移使之首尾相连, 必构成闭合多边形.



2. 其中 $n-1$ 个力的合力与第 n 个力平衡.

当 F_i 撤去时



学业达标题 (一)

X. 7.26.

12. 在匀速直线运动的火车上, 一旅客不慎将公文包遗忘在餐车里, 经 1min 旅客从餐车截回到座位, 发现公文包忘拿了, 立即返回餐车找回包, 设旅客相对火车的速度大小不变, 问: 他从发现丢包到找回包所用时间是多少? 1min

分析: 做题要做到 5 明确: 1. 明确对象 \rightarrow "旅客"

2. 明确过程 \rightarrow "从座位到餐车"

3. 明确过程中的运动状态 \rightarrow "匀速运动"

4. 明确该过程中所满足的关系 \rightarrow " $S=vt$ "

5. 明确结论

所以答案是: 对旅客, 在从发现公文包忘拿到返回餐车找回包的过程中, 因为相对于火车速度不变, 所以作匀速运动. 所以 $S=vt$, 因为 S 不变, v 不变, 所以时间不变: $t=1\text{min}$.

(\Rightarrow) 11. 在测量撑杆跳高的运动时所测高度时 (判断是否是打破记录), 能否将其看成质点. **不能.**

分析: 以下几种情况可以将其视为质点:

物体运动时, 其大小形状对其运动无多大影响: ① 当物体运动距离远远大于物体

尺寸时: $s \gg d_{\text{长度}}$

② 平动的物体 ③ 所研究对象不涉及转动

此题中, 测量其高度, 只看她是否越过杆, 可以忽略其姿态动作

改: 可以将人看做质点.

4.9.9.

例题 9.9日.

速度和加速度(二)

例题 1. 一足球以 8m/s 的速度沿正东方向运动. 运动员飞起一脚, 让足球以 2m/s 的速度向正西方向飞出来, 踢球时间为 0.2s . 求该过程中足球速度的变化量及加速度大小、方向.

分析: 因为足球前后为正东、正西, 所以要规定正方向, 规范格式.

解: 取正东方向为正方向, 则 $v_0 = 8\text{m/s}$ $v_t = -2\text{m/s}$ $t = 0.2\text{s}$.

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_t - v_0}{t} = \frac{-2\text{m/s} - 8\text{m/s}}{0.2\text{s}} = -100\text{m/s}^2 \quad \Delta v = v_t - v_0 = -2\text{m/s} - 8\text{m/s} = -10\text{m/s}$$

答: 该过程中足球速度的变化量为 -10m/s . 加速度大小为 100m/s^2 . 方向向西.

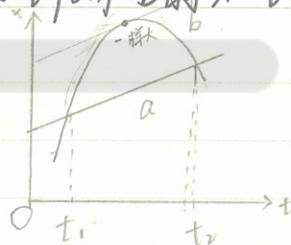
如图示, 直线 a 和曲线 b 分别是在平直公路上行驶的汽车 a 和 b 的 $x-t$ 图线, 由图知: B、C

A: 在时刻 t_1 , a 车追上 b 车

B: t_2 , a、b 两车运动方向相反. ✓

C: 在 t_1-t_2 时间内, b 车速率先减小后增加. ✓

d: b 车速率一直比 a 车速率大. ✗



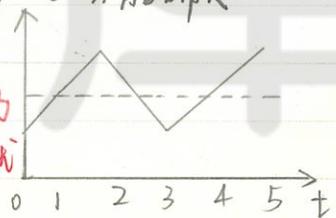
加速度、速度图象题

12. 某物体运动的速度-时间图象如下图, 则物体做:

A: 变速运动 B: 匀变速直线运动 C: 朝某一方向直线运动 D: 不能确定

确实加速度有两个因素: ① 大小 ② 方向.

只要有有一个因素改变, 加速度就改变, 而匀加速直线运动的定义为加速度不变的直线运动. 所以, 加速度改变, 物体就不会做匀变速直线运动.



图象的看法: 1. 看纵轴标度及单位、数量级. 2. 图象上某一点含义. 3. 曲线趋势的含义. 4. 斜率含义: $k = \frac{\Delta y}{\Delta x}$
 5. 截距含义. 6. 拐点含义(临界状态、出现极值) 7. 面积含义. 8. 跨横轴 9. 两图线交点含义. 10. 两图线交点含义. 11. 面积差.

3-1 匀变速直线运动规律

例1, 一质点, 从静止开始以 1 m/s^2 的加速度做匀加速直线运动, 经 5 s 后做匀速直线运动。

问 匀速直线运动的时间为 4 s , 最后 2 s 内质点做匀减速直线运动直到静止, 则质点匀速运动的速度是多大? 匀减速直线运动的加速度为多大?

对质点, 在匀加速直线运动过程中,

$$v_{t_1} = 0 + 1 \times 5 = 5 \text{ m/s}$$

在匀速直线运动:

$$v_{t_2} = v_{t_1} = 5 \text{ m/s}$$

在匀减速直线过程中:

$$v_{t_2} = v_{t_1} + a = \frac{v_{t_1} - v_{t_2}}{t_2} = \frac{0 - 5 \text{ m/s}}{2} = -2.5 \text{ m/s}^2$$

$$\textcircled{1} S = \bar{v} \cdot t \quad \textcircled{2} \bar{v} = \frac{v_0 + v_t}{2} \quad \textcircled{3} v_t = v_0 + at$$

$$\textcircled{4} S = v_0 t + \frac{1}{2} at^2 \quad \textcircled{5} 2as = v_t^2 - v_0^2$$

公式的选择: 第一步: $\left. \begin{array}{l} \text{与 } t \text{ 有关, 首选 } \textcircled{4} \\ \text{与 } t \text{ 无关, 选 } \textcircled{5} \end{array} \right\}$

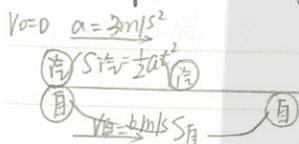
第二步: $\left. \begin{array}{l} \text{与 } t \text{ 有关且与 } S \text{ 无关选 } \textcircled{3} \\ \text{与 } t \text{ 有关且与 } a \text{ 无关选 } \textcircled{1} \text{ 或 } \textcircled{2} \end{array} \right\}$

猿题库

3-1-3 匀变速运动的规律拓展(二) 追及相遇问题

典

1. 一辆汽车在十字路口等待绿灯, 绿灯亮起时, 它以 3m/s^2 的加速度开始以匀加速运动, 此时, 一辆自行车以 6m/s 的速度并驾齐驱, 试求: $\langle 1 \rangle$ 汽车追上自行车之前, 两车之间的最大距离 $\langle 2 \rangle$ 汽车同时追上自行车? 追上时, 汽车速度多大?



解: $\langle 1 \rangle$ 设 t 时刻两车距离最大.

从出发到间距最大时过程中

对汽车: $S_{汽} = \frac{1}{2}at^2 \dots \dots \textcircled{1}$

对自行车 $S_{自} = v_{自} \cdot t \dots \dots \textcircled{2}$

由题意知: $at = v_{自}$ 时间距最大 $\dots \dots \textcircled{3}$

$\Delta S_{max} = S_{自} - S_{汽} \dots \dots \textcircled{4}$

联立 $\textcircled{1}\textcircled{2}\textcircled{3}$ 得: $\Delta S_{max} = 6\text{m}$.

$\langle 2 \rangle$ 设 t' 后相遇.

在出发到相遇的过程中

对汽车: $S_{汽}' = \frac{1}{2}at'^2 \dots \dots \textcircled{1}$

$S_{自} = v_{自} \cdot t' \dots \dots \textcircled{2}$

由题意知: $S_{汽}' = S_{自} \dots \dots \textcircled{3}$

联立 $\textcircled{1}\textcircled{2}\textcircled{3}$ 得: $t = 4\text{s}$

$S_{汽}' = at' = 12\text{m/s}$.

2. 火车以速度 v_1 匀速行驶, 司机发现前方同铁轨处有另一火车以 v_2 ($v_2 < v_1$) 匀速行驶, 便立即以加速度 a 的紧急刹车, 要使两车不相撞, 加速度 a 满足什么条件?

物理分析法

解: 设满足条件的加速度为 a_{min} .

$S_1 = v_1 t - \frac{1}{2}at^2 \dots \dots \textcircled{1}$

$S_2 = v_2 t \dots \dots \textcircled{2}$

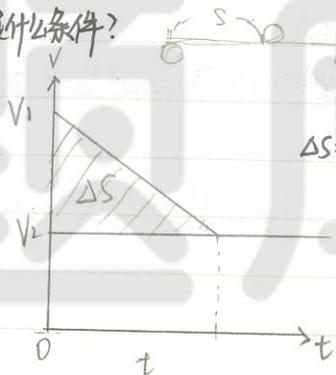
由题意得: $v_1 - at = v_2 \dots \dots \textcircled{3}$

$S_1 = S_2 \dots \dots \textcircled{4}$

联立 $\textcircled{1}\textcircled{2}\textcircled{3}\textcircled{4}$ 得: $a = \frac{(v_1 - v_2)^2}{2S}$

$\therefore a \geq \frac{(v_1 - v_2)^2}{2S}$

图像法:



$\Delta S = \frac{v_1 - v_2}{a} \times (v_1 - v_2) \times \frac{1}{2}$
 $\Delta S = a \frac{(v_1 - v_2)^2}{2S}$
 $\therefore a \geq \frac{(v_1 - v_2)^2}{2S}$

第4周考.

17. 以10m/s的速度行驶的汽车, 紧急驾驶员发现正前方60m处有一辆以4m/s的速度与汽车同方向匀速行驶的自行车, 无法避让, 驾驶员以 -0.25m/s^2 的加速度开始刹车, 经40s停下前是否撞上.

解: 当 $v_t = v_{自}$ 时

$$v_0 + at = v_{自}$$

$$\therefore t = 24\text{s}$$

$$\text{此时 } S_{汽} = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2 = 168\text{m}$$

$$S_{自} = v_{自} t = 96\text{m}$$

$$\Delta S = S_{汽} - S_{自} = 72\text{m}$$

$$\therefore \Delta S > S_0$$

\therefore 两车在停下前就撞上.

此类题为追及问题中的慢追快问题.

它们的临界状态为: $v_{快} = v_{慢}$.

当 v 相同时, $\Delta S > S_0$ 时, 不会相遇,

$\Delta S = S_0$ 时, 相遇一次

$\Delta S < S_0$ 时, 相遇两次.

10. 如图所示, 传送带的水平部分长为 L , 传送速率为 v , 在其左端无初速地释放小木块, 若小木块与传送带间的动摩擦因数为 μ , 则木块从左端无初速释放一小木块, 若木块与传送带之间动摩擦因数为 μ , 则木块从左端运动到右端的时间为:

A: $\frac{L}{v} + \frac{v}{\mu g}$ B: $\frac{L}{v}$ C: $\sqrt{\frac{2L}{\mu g}}$ D: $\frac{2L}{v}$

解: ① 全程匀加速

$$L = \frac{1}{2} a t^2 \quad a$$

$$a = \frac{F}{m} = \frac{\mu m g}{m} = \mu g$$

$$\therefore t = \sqrt{\frac{2L}{\mu g}}$$

② 先加速后匀速

$$t_{加} = \frac{v_m}{\mu g}$$

$$t_{均} = L - \frac{v_m^2}{2\mu g} \Rightarrow \frac{L}{v} + \frac{v}{\mu g}$$

③ 恰如全程匀加速.

$$t = \frac{L}{v} = \frac{2L}{2v}$$

思路:

皮带问题当的传送速率确定时, 分三种情况.

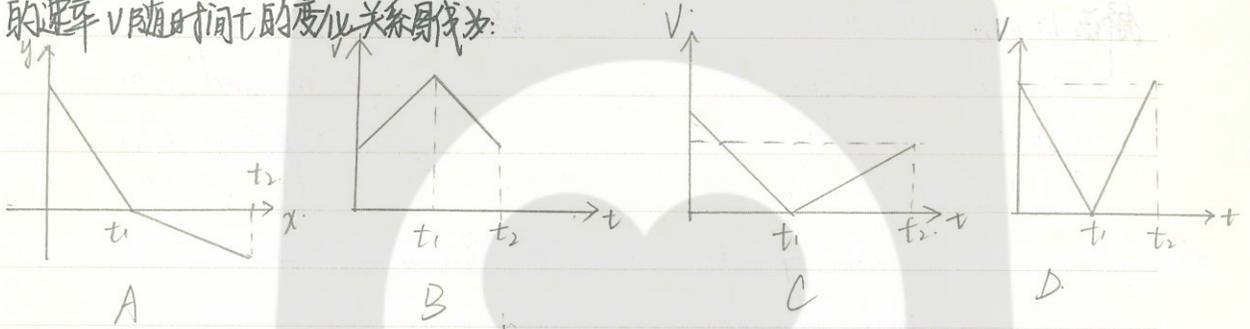
① 物体速度若皮带速率若太大, 那么物体的加速过程还没完成, 就被运输走了.

② 物体刚地在做匀加速运动后就随皮带匀速.

③ 物体皮带速率较慢, 物体与物做匀加速运动, 再做匀速运动.

第4节 运动的图像

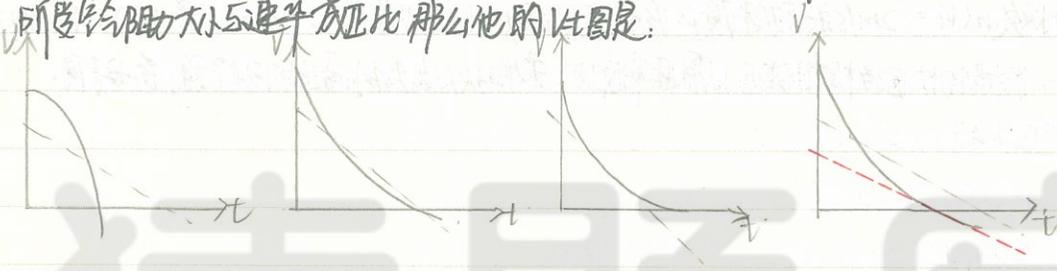
7. 从地面以一定的速度竖直抛一小球, 小球从抛出到小球, 小球从抛出点, 升到最高点的时刻为 t_1 , 下落到抛出点的时刻为 t_2 , 若空气阻力的大小恒定, 则在图中正确表示被抛出物体的速率 v 随时间 t 的变化关系曲线为:



上升过程中: $F_{合} = G + f$
 下落过程中: $F_{合} = G - f$
 $\therefore f$ 恒定不变.
 $\therefore F_{合1} > F_{合2}$
 $\therefore a_1 > a_2$
 \therefore 选项 C 正确.

这是一个类平抛斜抛问题, 需要注意两次中的速度大小不一样, 而且要注意受力分析.

1. 以不同初速度将两物体同时竖直上抛并计时, 一物体所受阻力可忽略, 另一物体所受阻力大小与速率成正比, 那么他的 $v-t$ 图是:



不受空气阻力的匀减速直线运动.
 受与速率成正比的阻力在上升过程中 $F_{合} = G + f$ $\therefore f \propto v$ 成正比且物体在减速
 $\therefore F_{合}$ 在上升过程中减小, 又: $F_{合} = m \cdot a$
 $\therefore a$ 不断减小
 当 $v = 0$ 时.
 $F_{合} = G$
 不受阻力 $v = 0$ 时, $F_{合} = G$
 $\therefore a_1 = a_2$
 \therefore 选项 D

小练习2. 11. 原地起跳时, 有加速过程, 也用“竖直高度” 人的加速距离 $d_1 = 0.5m$, 竖直高度 $h_1 = 1.0m$; 跳蚤的加速距离 $d_2 = 0.0008m$, 竖直高度 $h_2 = 0.1m$, 假人蚤有相同起跳加速度, 那么, 人的“竖直高度”各为?

解法1: 原理: $V_m^2 = 2as$

对人 V_m : $a d_1 = g h_1 \dots ①$

对跳蚤: $a d_2 = g h_2 \dots ②$

当 $a_1 = a_2$ 时: $\frac{h_1}{d_1} = \frac{h_2}{d_2}$

$\therefore h_1 = \frac{d_1}{d_2} \cdot d_2 \Rightarrow h = 62.5m$

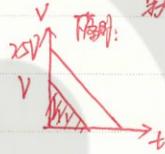
解法2. 对人: $V_t^2 = 2ad_1 \dots ①$

对蚤: $V_t^2 = 2ad_2 \dots ②$

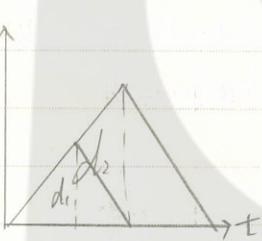
联立①②得: $V_t = 25V_t'$

$\frac{h_1}{h_2} = \frac{1}{25}$

$\therefore h = 62.5h_2 = 62.5m$



解法3:



$\frac{d_1}{d_2} = \frac{h_1}{h_2}$
 $\Rightarrow h = 62.5m$

13. 如图所示, 斜坡上的斜面有一挡板, 斜面光滑, 上升时不受摩擦力, 下滑时受摩擦力, 现在在挡板处以 $v_0 = 2m/s$ 的初速度沿斜面向上运动, 1s 到达最高点, 然后下滑, 经 2s 又回到挡板处, 假设物体与挡板相碰后以原速率返回, 求物体从出发到停止的总路程, 总时间.

[抓住不变量, 从不远处入手]

解: 上升过程中 $a_{\uparrow} = -2m/s^2$ $S_{\uparrow} = 1m$

下滑过程中: $a_{\downarrow} = 0.5m/s^2$, $v_1 = a_{\downarrow} t_1 = 1m/s$

[各过程问题图像法]



第一次往返运动中: $S = \frac{1}{2} a t^2$ $\frac{t_1}{t_2} = \sqrt{\frac{a_1}{a_2}} = \frac{1}{2}$

任意一次往返运动时间比 = $\frac{1}{2} t_1$

第一次和第二次时: $V_m = at$ $\frac{t_1}{t_2} = \frac{a_1}{a_2} = 4$

$\therefore t_2 = \frac{1}{4} t_1$

$\therefore \frac{t_1}{t_2} = \frac{1}{2} \therefore t_2 = 2t_1$

$\therefore t_1' = \frac{2}{3} t_1$

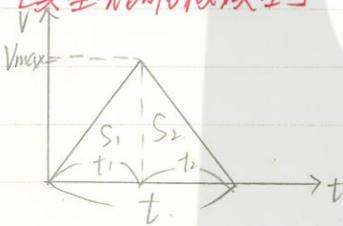
$\therefore \frac{t_1}{t_1'} = \frac{\frac{2}{3} t_1}{\frac{1}{2} t_1} = \frac{1}{2} \therefore q = \frac{1}{2} \therefore S_1 = \frac{2(1-\frac{1}{2})^n}{1-\frac{1}{2}} (\frac{1}{2})^n \rightarrow +\infty, \therefore S_1 = 6s$

$\therefore \frac{S_1}{S_2} = \frac{S_{11}}{S_{11}'} = \frac{t_{11}}{t_{11}'} = 4 \therefore \frac{S_2}{S_1} = \frac{1}{4} \therefore q = \frac{1}{4}$

$\therefore S_1' = \frac{2(1-\frac{1}{4})^n}{1-\frac{1}{4}} \therefore q^n \rightarrow +\infty, \therefore S_1' = \frac{8}{3} m$

7. 一个物体从A静止开始做匀加速直线运动到B, 然后做匀减速直线运动到C点静止, AB=S₁, BC=S₂, 由A到C的总时间为t, 问物体在AB, BC段加速度大小各为多少?

[典型先加后减模型]



$a_1 t_1 = a_2 t_2 \dots \textcircled{1}$

$\frac{1}{2} a_1 t_1^2 = S_1 \dots \textcircled{2}$

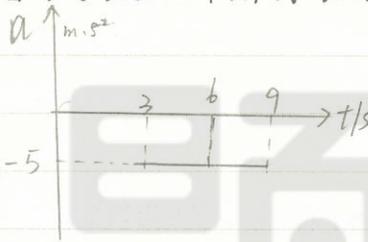
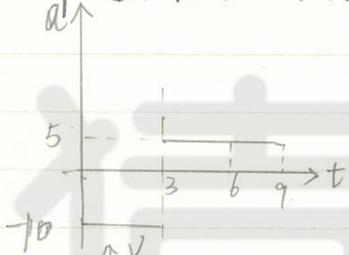
$S_2 = \frac{1}{2} a_2 t_2^2 \dots \textcircled{3}$

$t_1 + t_2 = t \dots \textcircled{4}$

联立②③④得: $a_1 = \frac{2(S_1 t_2)^2}{S_1 t_1^2}$ $a_2 = \frac{2(S_1 t_2)^2}{S_2 t_1^2}$

通过图像: 如先加后减模型
在第一阶段的末速度为第二阶段的初速度, 通过这个关系联立方程求解。

2. 甲、乙两车同向同线行驶, 甲在前, 速度均为 $v_0 = 30 \text{ m/s}$, 间距 $S_0 = 100 \text{ m}$, $t = 0$ 时刻甲车遇紧急情况, 甲、乙两车加速度随速度变化如图, 取运动方向为正方向, 下列说法错误的是:



A: $t = 6s$ 时两车等速

B: $t = 6s$ 时两车最近

C: $0 \sim 6s$ 内两车位移差为 90 m

D: 两车 $0 \sim 9s$ 内会相撞。

A中: $t = 6s$ 时, $v_{甲} = 30 - 10 \times 3 + (6-3) \times 5 = 15 \text{ m/s}$

$t = 6s$ 时, $v_乙 = 30 - 3 \times 5 = 15 \text{ m/s} \Rightarrow v_{甲} = v_乙$

B中 $t = 6s$ 时, $v_{甲} = v_乙$, 这是一个临界条件, 快速慢减速率有最小值。

C中: $S_{甲} = 3 \times 30 \times 1 + 3 \times 15 \times \frac{1}{2} = 135 \text{ m}$

$S_2 = 3 \times 3 \times 0 + (15+30) \times 3 \times \frac{1}{2} = 135 \text{ m} + 90$

$\Delta S = 90 \text{ m}$

D: $9s$ 时当 $t = 6s$ 时, 甲、乙两车 $\Delta S = S_0 + \Delta S = 100 \text{ m}$

这是两车距离最近时, 但没追上, 以后就永远追不上。

8. 光滑斜面长度为 L ，一物体从斜面顶端由静止开始匀加速滑到底端，经历时间为 t ，则下列说法不正确的

A: 全程平均速度为 $\frac{L}{t}$ B: 物体在 $\frac{t}{2}$ 时的即时速度是 $\frac{2L}{t}$

C: 物体运动到斜面中点时瞬时速度是 $\frac{\sqrt{2}L}{t}$

D: 物体从顶端运动到斜面中点所需时间为 $\frac{\sqrt{2}}{2}t$

解: A: $\bar{v} = \frac{s}{t} = \frac{L}{t}$ B: $v_{\frac{t}{2}} = \frac{v_t}{2} = \frac{L}{t} \Rightarrow v_t = \frac{2L}{t}$

C: $v_{\frac{L}{2}} = \sqrt{\frac{v_t^2}{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \frac{2L}{t} = \frac{\sqrt{2}L}{t}$ D: $t = \frac{L}{\frac{L}{t}} = \frac{L}{v_{\frac{L}{2}}} = \frac{\sqrt{2}}{2}t$

★ 与雄霸 例14: 物体以一定速度冲上斜面光滑，最高点速度为零，则物体运动到斜面 $\frac{3}{4}$ 处的点时，所用时间为 t ，则物体由B滑到C所用时间为:



方法一: 逆向思维法: 向上减等于向下加: $x_{BC} = \frac{at_{BC}^2}{2}$, $x_{AC} = \frac{a(t+t_{BC})^2}{2}$ 又 $x_{BC} = \frac{x_{AC}}{4} \Rightarrow t_{BC} = t$

方法二: 基本公式法: $v_0^2 = 2ax_{AC} \dots \text{①}$ $v_B^2 = v_0^2 - 2ax_{AB} \dots \text{②}$

$x_{AB} = \frac{3}{4}x_{AC} \dots \text{③}$

由①②③得: $v_B = \frac{v_0}{2}$ 又: $v_0 = v_0 - at$ ④ $v_B = at_{BC} \dots \text{⑤}$

由④⑤得: $t_{BC} = t$

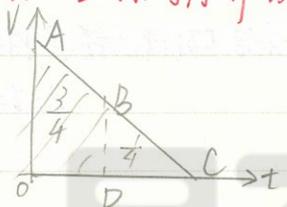
方法三: 对于初速度为零的匀加速直线运动在连续相等时间通过位移为:

$x_1 : x_2 : \dots : x_n = 1 : 3 : 5 : \dots : (2n-1)$

$\therefore x_{BC} : x_{AB} = (\frac{1}{4}x_{AC}) : (\frac{3}{4}x_{AC}) = 1 : 3$ 所以 $t_{BC} = t$

方法四: 在方法二到 $v_B = \frac{v_0}{2}$ 时, 可判断 v_B 为中间时刻.

方法五: 图像法



$\therefore t_{CB} = \frac{1}{2}t_{AC}$

$\therefore t_{CB} = t_{AB}$

$\therefore t_{AB} = t$

方法六: 时间比例法: 初速度为零时, 通过连续相等位移时间为: $t_1 : t_2 : t_3 : \dots : t_n = 1 : (\sqrt{2}-1) : (\sqrt{3}-\sqrt{2}) : \dots$

平分为4段, 设 $t_{CB} = t_x$

$t_{BD} = (\sqrt{2}-1)t_x \dots t_{AE} = (\sqrt{4}-\sqrt{3})t_x$

$\therefore t_{BD} + t_{DE} + t_{EA} = t$ 解得: $t_x = t$ 即: $t_{CB} = t$

★ 10.20

14. 一物体作匀加速直线运动, 通过一段位移 Δx 的时间为 t_1 , 紧接着通过下一段位移 Δx 所用时间为 t_2 , 则物体运动的加速度为:

解: 第一段位移的时间为 t_1 , 速度为: $v_1 = \frac{\Delta x}{t_1}$

第二段: $v_2 = \frac{\Delta x}{t_2}$

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_2 - v_1}{t_1 + t_2} = \frac{\frac{\Delta x}{t_2} - \frac{\Delta x}{t_1}}{t_1 + t_2} = \frac{\Delta x(t_1 - t_2)}{t_1 t_2 (t_1 + t_2)}$$

4. 如图所示, 一小球以初速度 v_0 沿固定光滑斜面顶端向下滑动, 该斜面倾角为 $\theta = 30^\circ$. 小球经过时间 t 返回出发点, 那么, 小球达到最大高度一半时的速度大小为:

对在光滑斜面上的物体进行受力分析:



将 G 沿垂直于加速度和沿于加速度分解.

则: $F_{\text{合}} = G_{\text{沿}} + f = \sin\theta G + \mu \dots$ ①

$F_{\text{合}} = m \cdot a$... ②

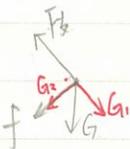
$\therefore a = g \cdot \sin\theta$ [已知点]

$v_{\frac{1}{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} v_t = \frac{\sqrt{2}}{2} v_0 = \frac{\sqrt{2}}{2} a \cdot t \cdot \frac{1}{2}$

$\therefore a = g \sin\theta = \frac{1}{2}g \quad v_{\frac{1}{2}} = \frac{\sqrt{2}}{8} \cdot g \cdot t$

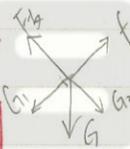
[拓展] 在一个不光滑斜面上.

上升阶段对物体进行受力分析:



ma
 $\therefore F_{\text{合}} = f + G_{\text{沿}} = \mu \cdot m \cdot \sin\theta + \cos\theta \cdot m \cdot g$
 $\therefore \therefore a = \mu \cdot \sin\theta + \cos\theta g$

下滑阶段对物体进行受力分析:



$\therefore ma = G_{\text{沿}} - f = \sin\theta \cdot m \cdot g - \mu \cdot \cos\theta \cdot m \cdot g$
 $\therefore a = \sin\theta g - \mu \cos\theta g$

若 $\mu g \cos\theta \geq g \sin\theta$ 则物体会停下.

$\mu \geq \frac{\sin\theta}{\cos\theta}$ 即 $\mu \geq \tan\theta$ 时, 物体会停止

5. 一物体以一定的初速度在水平面上匀减速滑动, 若已知物体在第一 s 内位移为 $8.0m$, 在第三 s 内位移为 $0.5m$, 则下列说法正确的是:

A. 加速度一定为 $3.75m/s^2$ B. 物体加速度可能是 $3.75m/s^2$

C. 物体在零 $0.5s$ 末速度一定是 $4.0m/s$ D. 物体在 $2.5s$ 末速度一定是 $0.5m/s$

解析: 由 $s_1 = 8m$ $s_3 = 0.5m$, 可知这个物体在做匀减速直线运动, 因此可能在第 $3s$ 内的某个时刻已经停止运动, 故选 B.

6. 质点做竖直上抛运动, 下列各种说法正确的是.

A: 上升和下落过程位移相同 B: 运动过程中, 任何相等时间内的速度变化相同.

C: 运动过程中, 相等时间内位置可能相同 D: 任何相等单位时间内的位移之差为一正值.

解: C中时间 \rightarrow 位移 时刻 \rightarrow 位移 D: 中任何连续相等单位时间内的位移之差为一正值.

改: B.

8. 甲物体从高处自由下落时间 t_0 后, 乙物体从同一位置自由下落, 以甲为参照物, 乙物体的运动状态是 (甲、乙均未着地)

A: 相对静止 B: 同作匀变速直线运动 C: 向下作匀变速直线运动 D: 同作匀变速直线运动

解析: 以甲为参照物, 则乙相对于甲的加速度 $a_{乙对甲} = a_2 - a_1 = 0$

相对运动应用 ①算对加速度.

乙相对于甲的初速度: $v_{乙对甲} = v_0 - v_1$
 $= -gt_0$

②算相对初速度.

\therefore 乙对甲同作匀变速直线运动.

16. 将一链条自由悬挂在墙上, 放开后让链条作自由落体运动, 已知链条通过悬点下 3.2m 处的一点历时 0.5s , 问链条的长度为多少?

一点历时 0.5s , 问链条的长度为多少?

解析: C点运动到C点的时间: $s = \frac{1}{2}gt^2$

$$\therefore s = 3.2\text{m} \quad g = 10\text{m/s}^2$$

$$\therefore t = 0.8\text{s}$$

点运动到C点的时间: $t = 0.8\text{s} - 0.5\text{s} = 0.3\text{s}$.

$$\therefore s = s_2 - s_1 - s_0 = 3.2\text{m} - \frac{1}{2}g(0.3\text{s})^2 = 2.75\text{m}.$$

18. 物体以初速度为 $3v_0$ 由地面竖直向上抛出, 一物体, 又以初速 v_0 由同一位置竖直上抛另一物体, 若要两物体在空中相遇.

(1) 两物体抛出时间间隔 Δt 应满足什么条件?

(2) 两物体抛出时间间隔 Δt 多大时, 相遇点离地最高? 此最大高度多高?

解法一: 物理分析法. 解: 由题可知, 当两物体恰能同时落地时, 时间间隔最小.

$$\text{此时 } \Delta t = \frac{6v_0}{g} - \frac{2v_0}{g} = \frac{4v_0}{g}$$

$$\therefore \frac{4v_0}{g} = \Delta t < \frac{6v_0}{g}$$

12

【联想】由渐变到突变, 寻找临界点, 从两球同时上抛开始, 逐渐增大时间间隔, 发现到两物体同时落地时, 时间间隔最小.

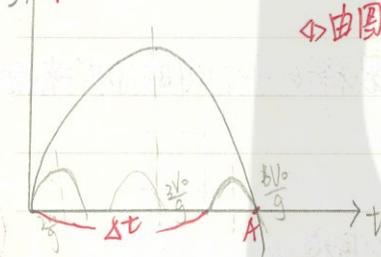
②> 以速度 v_0 上升的小球上升的最大高度就是相遇的最大高度。

$$s = 3v_0 t - \frac{1}{2} g t^2 = \frac{v_0^2}{2g}$$

解得: $t_1 = \frac{3v_0 + 2\sqrt{v_0^2}}{g}$ $t_2 = \frac{3v_0 - 2\sqrt{v_0^2}}{g}$ (舍)

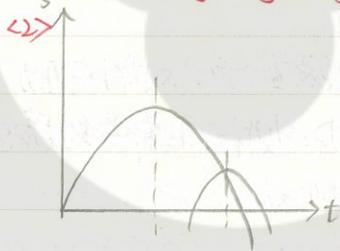
$$\therefore \Delta t = t_1 - \frac{v_0}{g} = \frac{2v_0 + 2\sqrt{v_0^2}}{g}$$

解法二 图象法:



②> 由图象知, 第一个交点为 A, 即此最小时的相遇

$$\text{此时 } \Delta t = \frac{6v_0}{g} - \frac{2v_0}{g} = \frac{4v_0}{g}$$



$$\text{最高高度 } h = h_{\text{球2}} = \frac{1}{2} g t_2^2 = \frac{v_0^2}{2g}$$

当 $h_{\text{球1}} = h_{\text{球2}}$ 时

$$3v_0 t - \frac{1}{2} g t^2 = \frac{1}{2} g t^2 \cdot \frac{v_0^2}{2g}$$

解得: $t_1 = \frac{3v_0 + 2\sqrt{v_0^2}}{g}$ $t_2 = \frac{3v_0 - 2\sqrt{v_0^2}}{g}$ (舍)

$$\therefore \Delta t = t_1 - \frac{v_0}{g} = \frac{2v_0 + 2\sqrt{v_0^2}}{g}$$

9. 某同学身高 1.8m, 在运动会上参加铅球比赛, 起跳后身体越过 1.8m 高度的横杆, 据此可估算出他起跳时竖直向上的速度大约为 (g 取为 10 m/s^2)

- A: 4m/s B: 6m/s C: 7.3m/s D: 8.5m/s

解析: 起跳是身体的重心上升, 而不是脚部越过杆。

$$S \approx 1 \text{ m} \dots \text{①} \quad S = \frac{v_0^2}{2g} \dots \text{②}$$

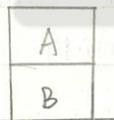
解得: $v_0 \approx 4 \text{ m/s}$

同步试卷 (八)

4. 如图所示, 地面受到弹力大小等于

A: A 对 B 压力与 B 对地面压力之和

B: ^{A 对} 地面的压力



C: A 的重力加上 B 对地面的压力

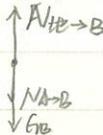
D: A 与 B 的重力和

对整体:



\therefore A 与 B 之和等于地面
对物体的弹力

对 B:



$\therefore N_{地→B} = N_{B→地}$

\therefore B 对地面的压力等于地面受到的弹力

5. 在地面上, 将一个以 $v=20\text{m/s}$ 初速度竖直上抛, 则小球到达距抛出点, 10m 的位置经历的时间为: A: $\sqrt{2}\text{s}$ B: $(2-\sqrt{2})\text{s}$ C: $(2+\sqrt{2})\text{s}$ D: $(2\pm\sqrt{2})\text{s}$.

若在地面上, 则 $10 = vt - \frac{1}{2}gt^2$ 代入数据: $t_1 = 2 + \sqrt{2}$ $t_2 = 2 - \sqrt{2}$

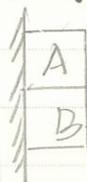
若不在地面上, 则 $10 = vt - \frac{1}{2}gt^2$ 或 $-10 = vt - \frac{1}{2}gt^2$ 解得: $t_1 = 2 + \sqrt{2}$ $t_2 = 2 - \sqrt{2}$ $t_3 = 2 + \sqrt{5}$

第二章 相互作用 第一节 重力、弹力

2. A、B 两物体叠放在一起, 用手托住静靠在竖直墙上, 突然释放, 它们同时沿墙面下滑, 如图所示, 已知 $m_A > m_B$, 则:

A: 物体 A 只受重力作用 B: 物体 B 受重力和 A 对它的压力

C: 物体 A 处于完全失重状态 D: 物体 A、B 都受到墙面摩擦力



解: 用假设法可以判断出墙面对物体没有支持作用。

在不计空气阻力时, A、B 两物体都将做自由落体运动, 也就是重力完全用来产生重力加速度。

而类似地,

外轨道上的物体受到的 $F_{\text{合}} = F_{\text{向}} + G$, 当地球自转到转速最大时, 可理解为万有引力都用来产生向心力上, 也就只像这道题一样, 物体所受的重力全部用来产生重力加速度, 所以无支持力, 且处于完全失重状态。

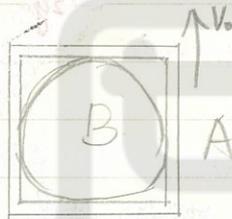
4. 如图所示, 小球 B 刚也放在真空容器 A 内, 将它们以初速度 v_0 竖直向上抛出, 下列说法中正确的是:

A: 若不计空气阻力, 上升过程中, B 对 A 的压力向上

B: 若考虑空气阻力, 上升过程中, B 对 A 的压力向上

C: 若考虑空气阻力, 上升过程中, B 对 A 的压力向下

D: 若不计空气阻力, 上升过程中, B 对 A 的压力向下



对整体进行分析

$$a = \frac{f + mg}{m} = \frac{f}{m} + g$$

对 B 进行分析:

若只受重力 $a = g$
 $\therefore a = \frac{f}{m} + g$

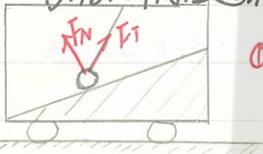
\therefore 还有向下的加速度

\therefore A 对 B 的压力向下
 \therefore B 对 A 的压力向上

$$m_B \cdot a = G + F_{\text{压}}$$

5. 一有固定斜面的小车在水平面上做直线运动, 小球通过细绳与车顶相连, 小球某时刻正处于图示状态, 设斜面对小球的支持力为 F_N , 细绳对小球的拉力为 F_T , 关于此时刻的受力情况, 说法正确的是: **A. B**

- A: 若小车间左运动, F_N 可能为零
 B: 若小车间左运动, F_T 可能为零
 C: 若小车间右运动, F_N 不可能为零
 D: 若小车间右运动, F_T 不可能为零

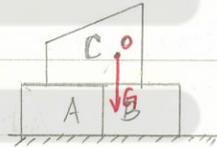


① 车向右运动时: 若 $a=0$, 则 F_N, F_T 都不为 0
 若 a 方向向右, 则 $F_T > F_N$, F_N 可为 0
 若 a 方向向左, 则 $F_N > F_T$, F_T 可为 0

② 车向左运动时: 若 $a=0$, 则 F_N, F_T 都不为 0
 a 的方向向左, 则 $F_N > F_T$, F_T 可为 0; a 的方向向右, 则 $F_T > F_N$, F_N 可为 0

6. 质量均匀分布的 A, B, C 三个物体如图所示放置, 其中 A, B 两个相同的物体并排放在水平面上, 梯形物体 C 叠放在物体 A, B 的上表面. 设所有接触面均光滑, 各物体都处于静止状态, 则下列说法正确的是

- A: 物体 B 对地面压力等于物体 A 对地面的压力
 B: 物体 B 对地面压力大于物体 A 对地面的压力
 C: 物体 B 对物体 A 有向左的弹力
 D: 物体 A, B 间没有相互作用



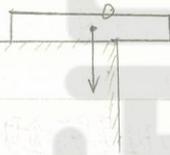
解: 其实 C 只是作用在 B 上, 因为重力作用线落在 B 上.

粗人题:



此时, 木块与桌面间摩擦因数为 μ

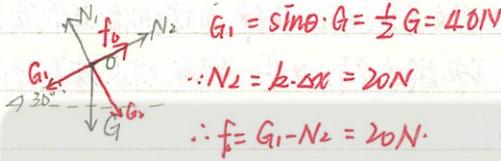
问当物体露出桌面 $\frac{1}{3}$ 时, 木块与桌面间摩擦因数为?



重力作用在桌上, 所以摩擦因数为 μ .

5. 如图所示, 90N 的 A 放在倾角为 30° 的斜面上, 粗糙斜面上, 有一长度长为 10cm , 劲度系数为 100N/m 的弹簧, 一端固定在顶端, 另一端放置 A, 弹簧缩短 8cm . 现用一测力计沿斜面向上拉物体, 若物体与斜面间最大静摩擦力为 75N , 当弹簧的长度仍为 8cm 时, 测力计示数不可能为: **A: 10N B: 20N C: 50N D: 60N**

当*F*作用时,



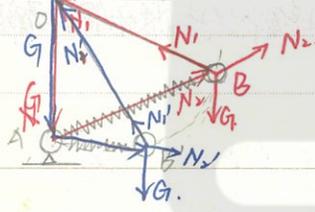
[由渐度到突度寻找临界点]: 当有一外力*F*作用时, 力*F*逐渐增大时, *f*逐渐减小,

当*F*=20N时, 摩擦力*f*减小为0,

当*F*>20N时, 静摩擦力开始增加, \therefore 最大*f*=25N.

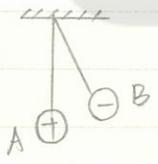
$\therefore F_{\max} = 20\text{N} + 25\text{N} = 45\text{N}$

b. A、B两球用劲度系数为*k*的轻弹簧相连, B球用长为*L*的细线悬于O点, A球固定在O点下方, 且O、A间距离为*L*, 此时细线所受拉力为*F*₁, 现A、B间弹簧换成劲度系数为*k*的轻弹簧, 仍使细线水平, 此时细线所受拉力为*F*₂, *F*₁、*F*₂的大小关系为:

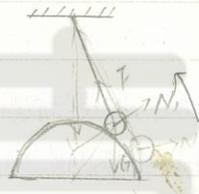


对B受力分析, 再进行矢量平移
 \therefore 保持球长不变, 再进行矢量平移
 $\therefore N_1 = N_1'$ 即: $F_1 = F_2$

类似题:



A小球带“+”电, B小球带“-”电有, B球的磁力逐渐减弱, 问细对B球的磁力如何变化? 拉力不变.



缓慢拉着球缓慢移动, 问斜面对其支持力, 细绳的拉力如何变化?
 绳的拉力减小, 支持力不变.

1. 在物理学中, 科学家总结出了很多物理学方法, 如理想实验型, 控制变量法, 极限思维法, 类比法, 科学假设法, 以及建立物理模型等, 以下关于物理学研究方法的叙述中有正确的是: C.

- A: 在不严密考虑物体本身的大小和形状时, 用质点来代替物体的方法叫做建立物理模型法.
- B: 根据速度的定义式当*t*非常小时, 就可以表示物体的瞬时速度, 该定义用了极限思维法.
- C: 伽利略为了探索自由落体的规律, 将落体实验转化为著名的“斜面实验”运用了类比法.

理想实验法:把可靠事实和理论思维结合起来,揭示自然规律(伽利略斜面实验,声音不在真空中传播)
 建立物理模型:构建理想状态(匀速直线运动,质点等)

科学假说法:在通过一系列观察后作假设后观察,实验的支持,就会成为科学理论的基础。

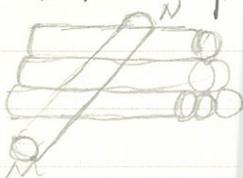
b. 水平面上堆放着原木, 如图: 关于原木在支撑点M、N处所受方向, 则:

A: M处受到的支持力竖直向上

B: N处受到的支持力竖直向上

C: M处受到的静摩擦力沿MN方向

D: N处的静摩擦力沿水平方向



N处的接触面为杆的平面, 所以与木棒垂直;

M处因接触面为水平地面, 所以摩擦力沿水平方向

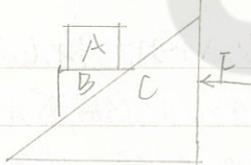
N处接触面为杆, 所以摩擦力沿MN方向

[思维]: 摩擦力与接触面相切。

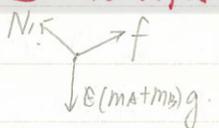
13. 如图所示, 物体B表面水平, A、B相对斜面C静止, 当斜面体C受到水平力F向左, 匀速运动过程中:

A: 物体A受到的弹力是由于A的形变产生 B: 物体B受到4个力作用

C: 物体C对物体B作用力竖直向上 D: 物体C和物体B之间可能没有摩擦力。



C选项: 将物体A、B视为整体, 对其受力分析如图所示:



其中N、f是斜面给物体B的, 因为物体处于平衡状态, 则N、f合力必与G等大、反向。

∴ C正确

14. 完全相同的质量均为m的物体A、B用轻弹簧相连, 置于带有板板C的固定斜面上, 斜面的倾角为θ, 弹簧劲度系数为k, 初始时弹簧处于原长, A恰好在静止, 现用一力F拉A, 直到B刚要离开C, 则此过程中A的位移是:



由题中条件可看出A初始状态向恢复处于最大静摩擦力处。

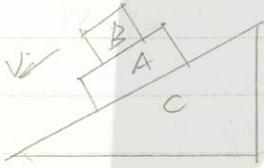
∴ $f_{max} = mg \sin \theta$

∴ B刚要离开C, ∴ C对B的弹力 $N = mg \sin \theta$

∴ 要拉动 ∴ $F = 2mg \sin \theta$

∴ $x = \frac{F}{k} = \frac{2mg \sin \theta}{k}$

7. 如图所示, 物体B放在A上, A、B质量均为m, 且上、下表面均与斜面平行, 它们与斜面间的动摩擦因数均为 μ 的固定斜面C匀速下滑, 则:



- A: A、B之间无静摩擦力 B: A受B的静摩擦力向上.
 C: A受斜面的滑动摩擦力为 $2mg\sin\theta$ D: A、B两物间动摩擦因数 $\mu = \tan\theta$

C: 将A、B视为整体进行受力分析:

$$F_N = G_y = \cos\theta \cdot 2mg$$

$$f = G_x = 2mg\sin\theta$$



D中: 因为A、B间是静摩擦力, 只能用状态法求, 不能用公式法。

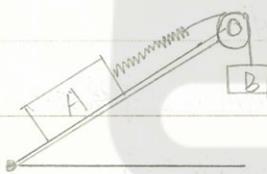
[拓展] 算A与斜面的动摩擦因数。

$$f = 2mg\sin\theta = \mu \cdot \cos\theta \cdot 2mg \Rightarrow \text{当物体可以在斜面上能停住时, } G_x \leq f \text{ 即: } \tan\theta \leq \mu.$$

$$\mu = \tan\theta$$

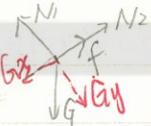
当物体在斜面上匀速时, $G_x = f$ 即: $\tan\theta = \mu$.

8. 如图: 物体A、B用细绳与弹簧相连, 当斜面倾角 θ 由 $45^\circ \rightarrow 30^\circ$ 时, 下列说法正确的是: ($m_A = 3m_B$)



- A: 绳子减小后给的弹力减小 B: 物体A对斜面压力减小.
 C: A受到的静摩擦力减小 D: 弹簧弹力及A所受静摩擦力都不变

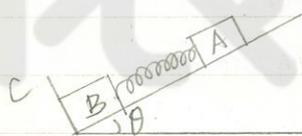
对物体A进行受力分析:



在斜面减小过程中, G_x 不断减小, 但因N不变, 所以f不断减小;

在物体重力 = T 时, 摩擦力消失, 即: $3mgs\sin\theta = mg$ 即: $\sin\theta = \frac{1}{3}$ 时, f 消失
 在物体重力 < T 时, 摩擦力改变方向, 此时 $\sin\theta < \frac{1}{3}$.

7. 如图所示, 在倾角为 θ 的光滑斜面上有两个用轻质弹簧连接的物块A、B, 它们的质量分别是 m_A, m_B , 弹簧 $k = k$, C为挡板. 系统处于静止状态, 现用一恒力F沿斜面方向拉物块A使之向上运动, 求物块B刚要离开C时物块A的位移d.



$$x_A = \frac{m_A g \sin\theta}{k}$$

当B刚离开C时, $N = 0$

$$\therefore F_A = F - m_A g \sin\theta - m_B g \sin\theta$$

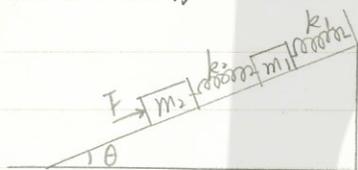
$$d = x_A + x_B$$

$$= \frac{m_A g \sin\theta}{k} + \frac{m_B g \sin\theta}{k}$$

$$= \frac{g \sin\theta (m_A + m_B)}{k}$$

18. 如图, 在倾角为 θ 的斜面上两个弹簧劲度系数分别为 k_1, k_2 , 两弹簧间有一质量为 m_1 的互物, 最下端挂一质量为 m_2 的互物, 现用力沿斜面向上缓慢推动 m_2 当两弹簧总长等于原长之和时, 试求:

(1) m_1, m_2 各上移的距离 (2) 推力 F 的大小.



对整体: 当 m_1 恢复至原长时 $x_1 = \frac{(m_1 + m_2)g \sin \theta}{k_1}$

对 m_2 : $x_2 = \frac{m_2 g \sin \theta}{k_2}$

\therefore 两弹簧总长等于原长之和.

\therefore 压缩 $\Delta x =$ 伸长 Δx .

$$k_1 \Delta x + k_2 \Delta x = m_1 g \sin \theta$$

$$\Delta x = \frac{m_1 g \sin \theta}{k_1 + k_2}$$

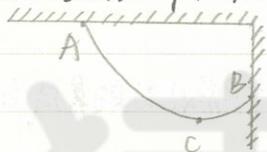
$$d_{m_1} = x_1 - \Delta x = \frac{(m_1 + m_2)g \sin \theta}{k_1} - \frac{m_1 g \sin \theta}{k_1 + k_2}$$

$$d_{m_2} = x_1 + x_2 = \frac{(m_1 + m_2)g \sin \theta}{k_1} + \frac{m_2 g \sin \theta}{k_2}$$

1) $F = m_2 g \sin \theta + \Delta x \cdot k_2$

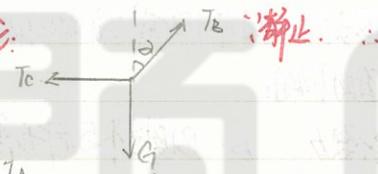
$$= m_2 g \sin \theta + \frac{k_2 m_1 g \sin \theta}{k_1 + k_2}$$

21. 如图, 质量为 m 的匀质细绳, 一端系在天花板 A 点, 另一端在竖直墙壁上的 B 点, 平展后最低点为 C 点, 现测得 AC 段绳长是 BC 段绳长的 n 倍, 且绳与 B 端与墙壁夹角为 α , 试求绳在 C 处和在 A 处弹力为多大?



由题知: $m_{BC} = \frac{1}{n+1} m$, $m_{AC} = \frac{n}{n+1} m$.

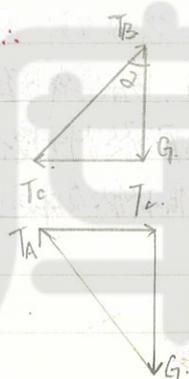
对 BC 段绳讨论:



对 AC 段绳受力



\therefore 静止:



1) $T_C = m_{BC} g \tan \alpha = \frac{mg}{n+1} \tan \alpha$

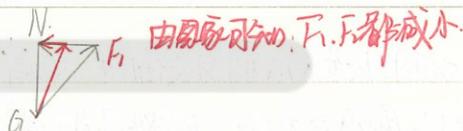
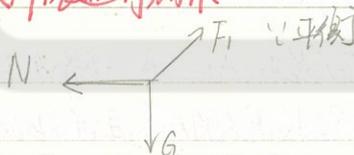
2) $T_A = \sqrt{T_C^2 + G^2} = \frac{mg}{n+1} \sqrt{n^2 + \tan^2 \alpha}$

6. 一台轧钢机的两个滚子, 直径均为 $d = 50\text{cm}$, 以相反方向旋转, 如图所示, 滚子间距离为 $a = 0.5\text{cm}$, 如果滚子与热钢间的动摩擦系数为 $\mu = 0.1$, 试求进入滚子时钢板的最大厚度为多少?

7. 如图所示: 涂料滚沿墙壁上缓慢滚动, 撑竿足够长, 粉刷以缓慢地往涂料滚, 该过程中撑竿对涂料滚推力 F_1 , 对墙壁的压力 F_2 , 则 F_1, F_2 的变化趋势:



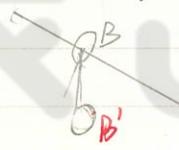
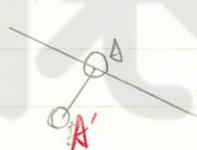
对涂料滚进行分析:



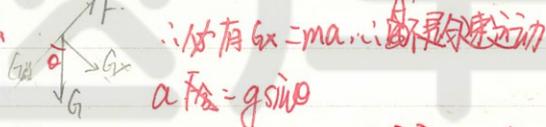
一力大小, 方向都不变, 一力大小变方向不变, 一力大小, 方向都变的问题, 用图法, 矢量三角法做。

轻杆上套两圆环, 圆环上分别用细线挂两物体, 当他们都沿杆下滑时, A的悬线与滑杆垂直, B的悬线竖直向下, 则:

- A: A圆环与杆无摩擦力
- B: B圆环与杆有摩擦力
- C: A圆环做匀变速运动
- D: B圆环做匀变速运动

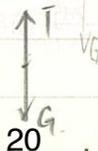


对A分析:



对A分析: 整体分析, $a = g \sin \alpha$. \therefore 只受重力, 支持力 无摩擦力.

对B分析:



~~对~~ $T = G$. \therefore B 匀变速运动.

对B: \therefore B 有摩擦力

8. 如图：小方块代表相同质量的钩码，图中O为轻绳间连接的结点，图中D中光滑的滑轮跨在轻绳上悬挂钩码，两装置处于静止状态，现将图甲中的B滑轮换成图乙中滑轮，B沿虚线稍稍上移一些，关于角θ说法正确的是：



对乙图：因为三力大小不变，所以θ角不变。
 对甲图：因为合力不变，两力相等，绳长不变。
 结论：绳长不变。

10. 如图，在水平轨道上匀加速行驶的封闭车厢中，悬挂一个有滴管的盛油的容器，当滴管依次滴下三滴油时，三滴油落在车厢地板上的位置：

- A: 三滴油依次落在O、A之间，且后一滴比前一滴离O点远些
- B: 三滴油在同一位置
- C: 三滴油依次落在A、O之间，且后一滴比前一滴离O点近些
- D: 三滴油依次落在O、

过曲线：[做一个初速度为0]，设其初速度为 v_0 。

$$\frac{1}{2}gt^2 = h \quad s = v_0 t \quad \dots \textcircled{1}$$

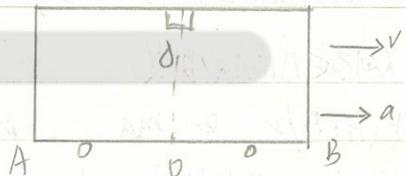
$$\therefore t = \sqrt{\frac{2h}{g}}$$

对车：[做一个匀加速直线运动]，设油滴滴时的速度为 v_0 。

$$\text{则 } S_2 = v_0 t + \frac{1}{2}at^2 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\Delta S = S_2 - S_1 = \frac{1}{2}at^2 = \frac{a \cdot 2h}{g}$$

\therefore 三滴油在同一位置。



光滑斜面 的受力。

光滑斜面上： $ma = mg \sin \theta \Leftrightarrow a = g \sin \theta$

粗糙水平面上： $ma = \mu mg \Rightarrow a = \mu g$

不光滑斜面上：上滑： $a = g \sin \theta + \mu g \cos \theta$

下滑： $a = g \sin \theta - \mu g \cos \theta$

μ 与 $\tan\theta$ 的关系:

① $\mu = \tan\theta$ 即: $\mu mg \cos\theta = mg \sin\theta$ 时.

a: $v_0 = 0$, 物体静止在斜面上. b: $v_0 \neq 0$, 下滑时, 物体以 v_0 做匀速直线运动

c: $v_0 \neq 0$, 上滑时, 物体以 $a = \mu g \cos\theta + g \sin\theta$ 匀减速运动, 并在 v 减小为 0 时静止在斜面上

② $\mu > \tan\theta$ 即: $\mu mg \cos\theta > mg \sin\theta$ 时

a: $v_0 = 0$, 物体静止在斜面上. b: $v_0 \neq 0$, 下滑时, 物体以 $a = \mu g \cos\theta - g \sin\theta$ 减速运动最终静止. c: $v_0 \neq 0$, 上滑时, 物体以 $a = \mu g \cos\theta + g \sin\theta$ 减速运动, 最终静止.

③ $\mu < \tan\theta$ 即: $\mu mg \cos\theta < mg \sin\theta$ 时.

a: $v_0 = 0$, 物体以 $a = g \sin\theta - \mu g \cos\theta$ 向下运动

b: $v_0 \neq 0$, 物体下滑回向上

c: $v_0 \neq 0$, 物体上滑时, 先以 $a = g \sin\theta + \mu g \cos\theta$ 上滑, 再以 $a = g \sin\theta - \mu g \cos\theta$ 下滑, 即: 物体停在上

[量纲运算] 通过单位的运算检验

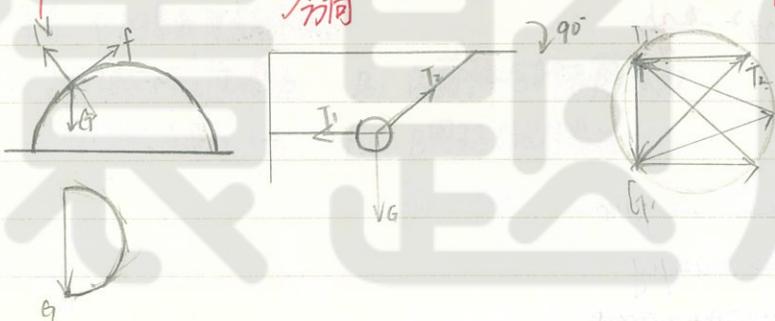
5. 下列表达式表示力的根:

A: $F_1 + F_2 / 2$ B: ma C: $m \cdot ma / (m \cdot tm)$ D: $(F_1 + F_2) / m$

A: $\frac{[N] + [N]}{2} = [N]$ B: $[kg] \cdot [m/s^2] = [N]$ C: $\frac{[kg]^2 \cdot [m/s^2]}{[kg]} = [N]$ D: $\frac{[N] + [N]}{[kg]} = [m/s^2]$

B: $ma = [kg] \cdot [m/s^2] = [N]$

[另一种力的模型] 一力大小变, 另两力夹角不变, 但大小、方向都改变 (不变的弦所对的圆周角)



[绳连接物体问题]

1. A 载人电梯, B 为平衡重物, 它们的质量均为 M , 由跨过滑轮的钢索系住, 在电动机牵引力使电梯以运动. 若电梯中乘客质量为 m , 电梯上升的速度为 v , 在电梯即将到达顶层的时候关闭电动机, 靠惯性再经时间 t 停止运动. 不计空气阻力, 则 t 为:

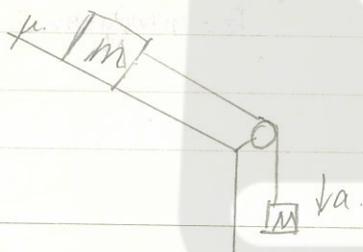
对 $2M+m$ 进行分析. 选顺时针方向合力为动力则有:

$$(M+m)g - Mg = (2M+m)a$$

$$t = \frac{(2M+m)v}{mg}$$

绳连接: 以绳连接的两物体为研究对象.

若加速: 沿原运动方向为正方向; 若减速: 沿原运动反方向

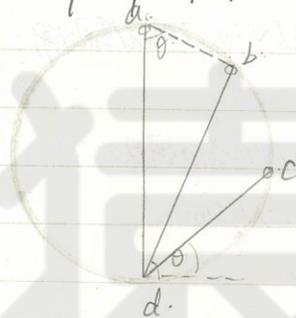


$$\mu=0 \text{ 时, } Mg + mg \sin \theta = (M+m)a$$

$$\mu \neq 0 \text{ 时, } Mg + mg \sin \theta - \mu mg \cos \theta = (M+m)a$$

$$\mu = \tan \theta \text{ 时: } Mg = (M+m)a$$

如图所示, ad, bd, cd 是竖直面内的三根固定的光滑细杆, a, b, c, d 位于同一圆周上, a 为圆周最高点, d 为最低点, 每根杆上都有一个圆环, 三个圆环分别从 a, b, c 由静止释放, 用 t_1, t_2, t_3 依次表示各环到达 d 点所用时间, 则:



$$\text{对 } a: ad = \frac{1}{2}gt^2$$

$$\text{对 } b: a = g \sin \theta$$

$$\therefore t^2 = \frac{2ad}{g}$$

$$bd = \frac{1}{2}g \sin \theta t^2$$

$$\therefore bd = \sin \theta \cdot ad$$

$$\therefore \sin \theta \cdot ad = \frac{1}{2}g \sin \theta t^2$$

$$\therefore ad = \frac{1}{2}gt^2$$

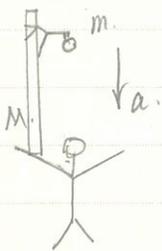
\therefore 时间都一样.

整体法和隔离法结合:

一. 苹果沿着倾角为 θ 的光滑斜面加速下滑, 在箱证中有一个质量为 m 的苹果, 它受到周围苹果对它作用力的方向是: **垂直斜面向上**.

解析: 因为是光滑斜面, $a = g \sin \theta$. 所以其它苹果平衡力垂直于斜面的分量.

2. 如图所示为杂技丁华表演, 人站地, ... 竿肩以上质量为 M 的竖直竹竿, 当竿上质量为 m 的人以加速度 a 加速下滑时, 竿对地面上的压力大小为:



① 隔离法: $mg - f = ma$ $f = m(g - a)$
 $F_{支} = f + Mg = m(g - a) + Mg$

② 整体法: 对 $M+m$ 分析: $(M+m)g - F_{支} = m \cdot a + M \cdot 0$
 $\therefore F_{支} = (M+m)g - ma$

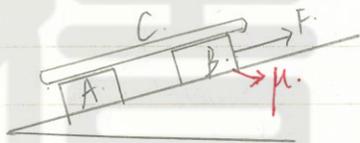
对系统应用牛顿第二定律.

$F_{合} = m_1 a_1 + m_2 a_2 + \dots$

$\sum F_x = m_1 a_{1x} + m_2 a_{2x} + \dots$

$\sum F_y = m_1 a_{1y} + m_2 a_{2y} + \dots$

如图所示, 三个物体 A, B, C 叠放在斜面上, 用与斜面平行的拉力 F 作用在 B 上使三个物体一起沿斜面向上做匀加速运动. 设物体 C 对 A 的摩擦为 f_A , 对 B 的摩擦为 f_B , 下列说法正确:



选 AC 为整体. 当 $\mu = 0$ 时. $F = f_B$.

A 对 B 的 $f_{BC} = F = (m_A + m_C) g \sin \theta$

选 B 为研究对象. $f_{AC} \sin \theta = f_{BC} \cos \theta$ $f_{AC} = m_A g \sin \theta$

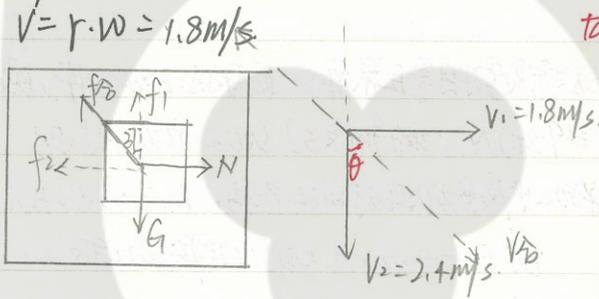
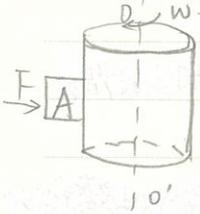
$\therefore f_{AC} = f_{BC}$.

当 $\mu \neq 0$ 时. 同理: $\therefore f_A < f_B$

1. 如图所示:

角速度分析:

11. 如图所示, 有一半径为 $r = 0.2\text{m}$ 的圆柱绕竖直轴 OO' 以 $\omega = 9\text{rad/s}$ 的角速度匀速转动, 今用力 F 将质量为 1kg 的物块 A 压在圆柱侧面, 使其以 $v_0 = 2.4\text{m/s}$ 匀速下降, 若物块与圆柱面的动摩擦系数为 $\mu = 0.25$, 求力 F 的大小 (设物块在水方向受光滑挡板的作用, 不随轴转动)



$$\tan \theta = \frac{1.8}{2.4} = \frac{3}{4}$$

$$\therefore \theta = 37^\circ$$

$$f_1 = \cos 37^\circ \cdot f_2 = 0.8 \cdot f_2 = mg$$

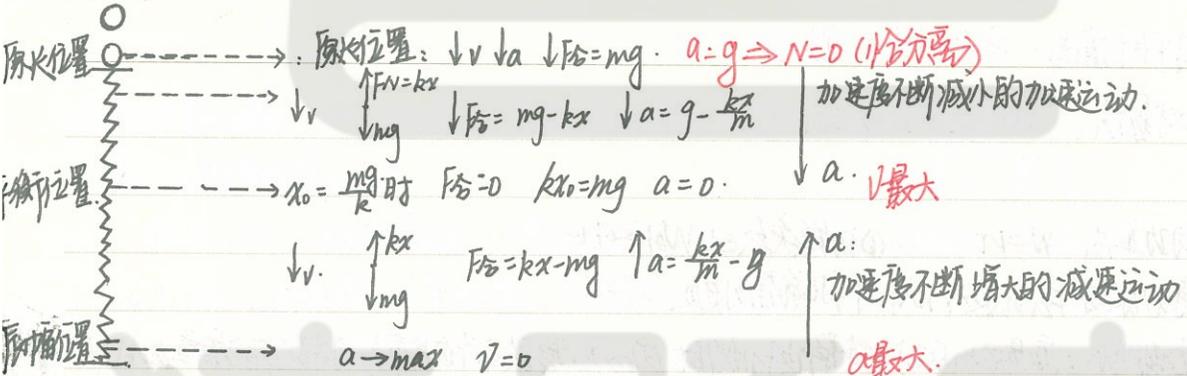
$$f_2 = \sin 37^\circ \cdot f_2 = 0.6 \cdot f_2 = N$$

$$\therefore f_2 = \frac{mg}{0.8} = 12.5\text{N}$$

$$\therefore f_1 = \mu \cdot F$$

$$\therefore F = \frac{f_1}{\mu} = 50\text{N}$$

弹簧振子模型.



1. 最低点的加速度比原位置加速度大
2. 对称性.

板块模型.

[临界问题: 由渐度到度要寻找临界点]

对整体: $F = (m+M)a$.

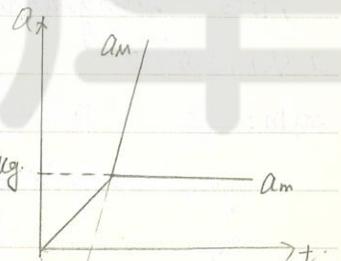
对 m : 当 $f_s \rightarrow f_{\max} = \mu mg$ 时, $a \rightarrow \max$

且 $a_{\max} = \mu g$.

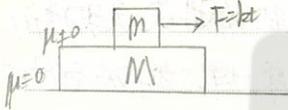
$$F_{\max} = (m+M)\mu g$$

当 $F_{\max} > (m+M)\mu g$ 时, 对 m : $a = \mu g$.

对 M : $a = \frac{kt - \mu mg}{M} = \frac{kt}{M} - \frac{\mu mg}{M} = \frac{1}{M} F - \frac{\mu mg}{M}$

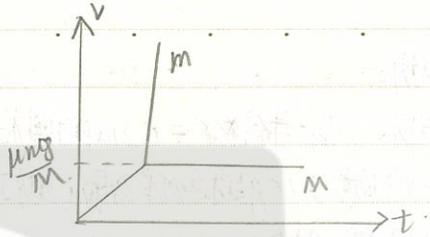


$$原 a' = \frac{F}{(m+M)} = \frac{kt}{m+M}$$



对 M, m : $F = (M+m)a \dots \textcircled{1}$

对 M : $a = \frac{\mu m g}{M} \dots \textcircled{2}$

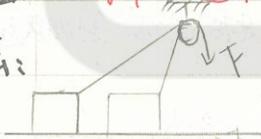


临界问题:

12. 如图所示, 粗糙水平面上放着质量相等且紧靠在一起的A、B两物体, 受到水平向右的阻力 $F_B = 2N$. A受到的水平力 $F_A = (9-2t)N$. (均的单位是S) 从 $t=0$ 开始计时, 则

- A: A物体在 $t=3.5$ 末时刻的加速度是初始时刻的 $\frac{1}{2}$ 倍
- B: $t > 3.5$ 后, B物体的加速度越来越大
- C: $t=4.5$ 时, A的速度为零
- D: $t > 4.5$ 后, A、B的加速度方向相反

- ① 微元法求变力做功: 力的大小不变, 方向^变, 且每一微元内 $F \perp ds$, 则 $W = F \cdot \text{路程}$.
- ② 图象法求变力做功
- ③ 利用平均值法: 条件 F 有 s 线性关系
- ④ 转换对象法:



- ⑤ 平均功率法 $W = Pt$
 - ⑥ 功能关系 $W_{\text{外}} = \Delta E_{\text{机}}$
- 支持力的求法以及: 以不同视角看问题.

7. 如图所示: 质量为 m 的物体静止在倾角为 θ 的光滑的斜面体上, 斜面体的质量为 M , 现对该斜面体施加一个水平向右的推力 F , 使物体与斜面体之间无相对滑动. 二者一起沿光滑水平面上沿水平方向向左移动 s , 则在此过程中斜面体对物体做的功:

- A: Fs
- B: $mg \sin \theta s$
- C: $\frac{M+m}{M} Fs$
- D: $mg \cos \theta \sin \theta s$

a: 从 m 的受力

b: 连接体问题:



对 m : $F_N = \frac{mg}{\cos \theta}$

对整体: $F = (M+m)a \quad a = \frac{F}{M+m}$

$\therefore W = F_N \cdot s \cdot \cos \theta$

对 m : $\sin \theta \cdot F_N = m \cdot \frac{F}{M+m}$

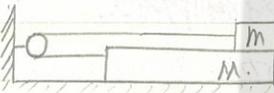
$= \frac{mg}{\cos \theta} \cdot s \cdot \sin \theta = mg \tan \theta s$

$W_{FN} = F_N \cdot s \cdot \sin \theta = m \cdot s \cdot \frac{F}{M+m}$

- 一对相对的静/滑动摩擦的问题:

7. 质量为 M 的长板长为 L , 放在光滑的水平面上, 质量为 m 的小木块放在长板的右端, 设小木块和长板间动摩擦系数为 μ . 小木块和长板用跨过定滑轮和滑轮的轻绳连接, 滑轮的质量不计. 现用水平向右的力将长板向右拉, 使小木块移到长板的右端, 此过程至少做功.

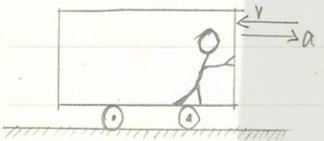
- A: μmgL B: μngl C: $2\mu ngl$ D: $2\mu ngl$.



- 一对相对滑动摩擦力所做的功不可避免的带有热量产生.
且 $Q = \Delta S_{\text{相对}} \cdot f$.

[例4] 如图 1-1-13 所示, 在减速向右运动的车厢中, 一人用力向前推车厢 (人与车厢始终保持相对静止), 则下列说法正确的是:

- A: 人对车厢做负功 B: 车厢对人做负功 C: 人对车厢做正功 D: 车厢对人做正功.



由于人所受的合力与加速度相反, 所以人对人的合力方向向右与速度方向相反, 所以人对人做负功, 人对人的合力方向向右做的正功.

皮带传送问题 — 物体以一定的初速度冲上匀速运动的水平传送带

(1) v_0 与传送带速度 v 同向

- ① $v_0 > v$ i 皮带很短, 一直做匀减速运动 ii 较长, 到达另一端前两者 $v_0' = v$, 则先减速后匀速
- ② $v_0 < v$ i 皮带短, 一直加速 ii 皮带较长, 到达另一端前 $v_0' = v$, 则先加速后匀速, $a = \mu g$.
- ③ $v_0 = v$, 一直做匀速运动.

(2) v_0 与 v 反向.

- ① 传送带短, 一直做匀^减速直线运动
- ② 传送带长, 先减后匀.

皮带传输问题 — 轻物体轻放在匀速运动的倾斜传送带上.

(1) 从下往上放 $\mu > \tan\theta$ ① 皮带短, 知都在加速 $a = \mu g \cos\theta - g \sin\theta$.

② 皮带较长, 先加速后匀速

- (2) 从上往下放: ① $\mu > \tan\theta$, 先加速 i 皮带短 一直加速: $a = g \sin\theta + \mu g \cos\theta$ ii 皮带长, 先加速后匀速.
② $\mu < \tan\theta$, 先以 $a_1 = g \sin\theta + \mu g \cos\theta$ 加速, 再以 $a_2 = g \sin\theta - \mu g \cos\theta$ 加速

斜面问题

[2011江苏物理] 如图所示, 顶角为 2α 的等腰三角形固定在水平面上, 一足够长的轻质绸带跨过斜面的顶端并放在斜面的两侧, 绸带与斜面间无摩擦. 现将质量 M , m ($M > m$) 的小物块同时放在斜面两侧的绸带上, 两物块与绸带间的动摩擦因数相等, 且最大静摩擦力与滑动摩擦力大小相等, 在 α 取不同值的情况下, 正确的是:

- A: 两物块所受摩擦力的大小总相等, B: 两物块不可能同时相对绸带静止, C: M 不可能相对绸带发生滑动, D: m 不可能相对斜面向上滑动.



解题关键在于绸带是轻质绸带.

A: 所以 f 总相等 B: 可以若 $f > mg \sin \alpha$

C: 若 M 滑动: $\mu mg \cos \alpha \neq \mu Mg \cos \alpha$ 若此则绸带平衡不了.

D: 可以因 $\mu mg \cos \alpha > \mu Mg \cos \alpha$.

故答: A, C.

求变力做功的方法:

① 变力的功率恒定, $W = Pt$

② 若变力大小不变, 方向改变, 则 $W = F \cdot S \cos \theta$

③ 若 $F = kx + b$ (F 随位移线性变化) $W = \bar{F} \cdot S$ 其中 $\bar{F} = \frac{F_1 + F_2}{2}$

④ 若缺 $F-x$ 图象, 则 $W = \int F dx$

⑤ 用动能定理 ⑥ 等效替代法.

顺逆条件.

初速度与方向相同 \rightarrow 可逆 (做功)
同方向

一对相互作用的滑动摩擦力的关系.

$$fL = \frac{1}{2}MV^2 - 0 \quad \text{①}$$

$fS \Rightarrow$ 摩擦力

$$fS = \frac{1}{2}(M+m)v^2 - \frac{1}{2}mv_0^2$$

$$= |E_{k2} - E_{k1}| \quad \text{②}$$

子弹:

$$-f(L+S) = \frac{1}{2}MV^2 - \frac{1}{2}mv_0^2 \quad \text{③}$$

对整体: 由①③得:

$$-fS = \frac{1}{2}(M+m)v^2 - \frac{1}{2}mv_0^2$$

$$= -Q.$$

可相: 不为0; 互为正值

弹簧振子+功能关系 [确定原长位置]

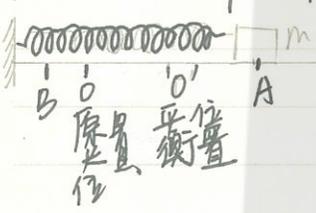
如图所示：水平桌面上有轻质弹簧一端固定，另一端与物块相连，弹簧在O点处于自然长度，物块的质量为m，AB=a 物块与桌面的动摩擦因数为μ。现用水平向右的力将物块从O拉到A点，拉力做功为W，撤去拉力后物块由静止向左运动，过O点，到达B点v=0，重力加速度为g，则：A：A的弹性势能W-1/2μmga，B：B的弹性势能小于W-3/2μmga，C：过O点，动能小于W-μmga，D：初速度最大时的弹性势能小于B点的弹性势能

A选项：O→A: $W - \mu mg \cdot OA = 0 - W_{k0}$ $W_{kx} = \mu mg \cdot OA$ ∵ $OA > \frac{1}{2}a$ ∴ $W_{kx} < \dots$

B选项：O→A→B $W - \mu mg(a+OA) - W_{kx} = 0$ $W_{kx} = W - \mu mg(a+OA)$ $OA < \frac{1}{2}a$ ∴ $W_{kx} < W - \frac{3}{2}\mu ma$

C选项：O→A→O $W - \mu mg \cdot OA = \frac{1}{2}mv^2 - 0$ ∴ $2OA > a$ ∴ $E_{k0} < W - \mu mga$

D选项：由于k, μ 不确定，答案不确定。



[问题在于确定平衡位置和原长位置的关系]

so: 方法一: 类比法.

从A→B的过程中，顺时针旋转90°，则成为类弹簧振子模型，所以平衡位置在原长位置之右，即： $AO > \frac{1}{2}a$ <关键>

方法二：对于物体A处 $E_{kA} = 0$ B处: $E_{kB} = 0$ ，所以必有一最大动能处，而物体在原长位置时受 kx, f 两水平方向的力，所以当 $kx = f$ 时则有最大动能之外，所以 $kx = \mu mg$ ，∴ kx 为拉伸量，所以O'在O右侧，
[过程选大]—[初速度]

猿题库

板块模型 \Rightarrow 类例 (2011·广东)

1. 一长木板在水平地面上运动, 在 $t=0$ 时刻将一相对地面静止的物块轻放到木板上, 以后木板运动 $v-t$ 图如图所示, 已知物块与木板的长度相等, 物块与木板间及木板间及木板与地面间均有摩擦, 物块与木板间最大静摩擦力等于滑动摩擦力, 且物块始终在木板上, 取 $g=10\text{m/s}^2$.

(1) 物块与木板, 木板与地面间的动摩擦因数.

(2) 从 $t=0$ 时刻到物块到木板边缘时运动时, 物块相对于木板的位移大小.



解: (1) $a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{1}{0.5} \Rightarrow \mu_{\text{板}} = 0.2$

$$\begin{aligned} \mu_1 mg + \mu_2 mg + \mu_3 mg &= ma \\ \mu_1 g + \mu_2 g + \mu_3 g &= a \end{aligned}$$

$\mu_1 = 0.4, \mu_2 = 0.3$

$\Delta t = \frac{1}{2} \times \frac{1}{4}$

$= 0.125$

$\Delta S = 5 \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$

$= 1.25 - 0.125$

$= 1.125$

假设相对静止:

$a_m = \mu g = \frac{2}{3} \text{m/s}^2$

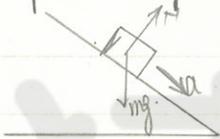
$a_M = \frac{\mu(M+m)g}{M+m} = 3 \text{m/s}^2$

\therefore 块以板则快.

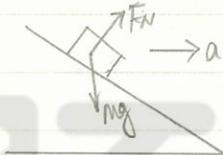
类双星模型.

满足 $F_{\text{向}} = F_{\text{向}}'$, $\omega_1 = \omega_2$ 则: $m_1 r_1 = m_2 r_2$.

斜面上的物体的弹力:



$N = mg \cos \theta$



$N = \frac{mg}{\cos \theta}$

猿题库

重力加速度的计算方法:

1) 地球表面附近

公式: 万有引力定律: $mg = G \frac{Mm}{R^2} \Rightarrow g = G \frac{M}{R^2} = 9.8 \text{ m/s}^2$

$M = 5.98 \times 10^{24} \text{ kg}$ $R = 6400$

2) 在地球表面(R+h)处的g'

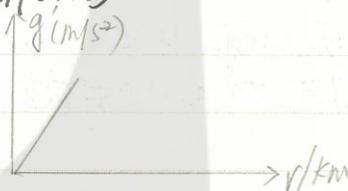
$mg' = G \frac{Mm}{(R+h)^2}$ $mg = G \frac{Mm}{R^2}$ $\frac{g'}{g} = \frac{R^2}{(R+h)^2} \Rightarrow g' = \left(\frac{R}{R+h}\right)^2 g$

3) 在地球内部距地心r处重力加速度g'

$G \frac{Mm}{r^2} = mg'$ $g' = \frac{GM'}{r^2} = \frac{G \rho_0 \frac{4}{3} \pi R^3 \rho}{r^2} = \frac{4}{3} G \rho_0 \pi \frac{R^3}{r}$

$G \frac{Mm}{R^2} = mg$ $g = \frac{GM}{R^2} = G \rho_0 \pi \frac{4}{3} R$

$\therefore \frac{g'}{g} = \frac{r}{R}$



4) 在质量为M', 半径为R'的天体表面重力加速度g'

$g' = \frac{GM'}{R'^2}$ $g = \frac{GM}{R^2}$ $g' = \frac{GM'}{R'^2}$

$\frac{g'}{g} = \frac{M'}{M} \cdot \frac{R^2}{R'^2}$

天体运行规律的探究

当地球刚好运动到地球外行星和太阳之间,且三者几乎排成一条直线的现象,天文学称为“行星冲日”,2014年内冲日分别是:4.9火星,5.11木星,8.29海王星,10.8天王星冲日,如图:判断正确的是:

地球 火星 木星 天王星 海王星

轨道半径 1.0 1.5 5.2 9.5 19 30

A: 各外行星每年都会冲日现象

B: 2015年内一定有木星冲日

C: 木星相邻冲日的时间间隔比火星长

D: 地球外行星中,海王星两次冲日的时间最短

$\omega = \frac{2\pi}{T_{地}}$ $\varphi_k = \frac{2\pi}{T_k} t \dots ①$

$\varphi_{地} - \varphi_k = 2\pi \dots ②$

$\frac{t}{T_{地}} = \frac{t}{T_k} \dots ③$

由③可知 $t = 1.8$ 年 2.2 年

\therefore A 错

$t = \frac{T_{地} \cdot k}{k - 1}$ 1.8 年 木星冲日 1.8 年 \therefore B 对

C: $t_k = T_k = 2T_{地} \therefore$ 不对

D: 由于行星轨道半径越大,由“越远越慢”的观点 \therefore D 正确

行星相遇问题

(2014, 重庆): 某行星和太阳公转轨道均以太阳为圆心, 每经过 N 年, 该行星都会运行到日地连线的延长线上, 如图 5-1-5 所示, 该行星与地球半径之比为:



$$\varphi_{\text{地}} = \frac{2\pi}{T_{\text{地}}} N \quad \varphi_{\text{行}} = \frac{2\pi}{T_{\text{行}}} N$$

$$\varphi_{\text{地}} - \varphi_{\text{行}} = 2\pi$$

$$\frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} = \frac{1}{T}$$

$$\text{解得: } T = \frac{N}{N-1}$$

$$\frac{v_{\text{地}}^2}{r_{\text{地}}^3} = \frac{v_{\text{行}}^2}{r_{\text{行}}^3} \quad \therefore v_{\text{地}} = \left(\frac{N}{N-1}\right)^{\frac{2}{3}}$$

8. 如图 4-23 所示: 有一悬挂在小车支架上的摆长为 L 的摆, 小车和摆球一起向右运动, 小车与墙碰撞后立即静止, 则下列说法小球能到达最大高度处 H 的说法, 正角反角:

A: 若 $v_0 = \sqrt{9gL}$, $H = L$ B: 若 $v_0 = \sqrt{49gL}$, $H = 2L$

C: 不论 v_0 为多大, $H = \frac{v_0^2}{g}$ 成立 D: 以上均不正确

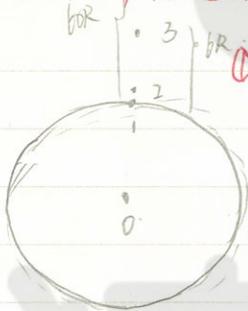
7. 小球从距地面高为 h 处点 A 以 v_0 速度分别滑上甲、乙、丙、丁四个轨道, 所有接触面均光滑, 则与 P 等高的是:

功能关系 + 圆周运动

猿题库

(2014·北京) 如图: 车厢从高处由静止滑下, 全部进入水平轨道后又遇到半径为 R 的竖直圆轨道 ($L > 2\pi R$) 欲使游客安全驶过竖直面轨道, 则人至少多大.

1. 2. 3. 4 各点运动特征量比较.



① $W_2 > W_3 = W_1 > W_4$

$v_2 > v_3 > v_4$ 对于 1, 4: $v_{\text{顶}} = \frac{2\pi R}{T} = \frac{2\pi R}{3} = 2\pi R \therefore v_1 < v_4$

$v_A = \frac{2\pi \cdot 60R}{30} = \frac{12\pi}{3} = 4\pi R$

② $v_2 > v_3 > v_4 > v_1$

$a_2 > a_3 > a_4$ 对于 1, 4: $a_A = \frac{R4\pi^2}{T^2} = \frac{4\pi^2 R}{15} = \frac{60\pi^2 R}{15}$

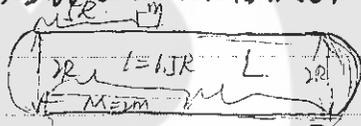
$a_{\text{顶}} = \frac{R4\pi^2}{T_{\text{顶}}^2} = \frac{4\pi^2 \cdot 60R}{(30)^2} = \frac{4\pi^2 R}{15} \therefore a_1 > a_4$

③ $a_2 > a_3 > a_1 > a_4$

④ $T_4 > T_3 = T_1 > T_2$

圆锥+轻绳+滑块.

9. (2011. 陈) 如图所示, 以A、B和C、D为端点的两半圆光滑轨道固定于竖直平面内, 一滑板静止于光滑水平地面上, 左端紧靠B点, 轨道所在平面与两半圆轨道相切于B、C, 一物块静置于水平轨道上的任意距B的E点, 运动到A刚好与传送带速度相同, 然后沿半圆轨道滑下, 再经B滑上滑板, 滑板运动到C时牢固粘连物块, 取板为顶点, 质量为m, 滑板质量为M=2m, 两圆半径为R, 板长为L=0.5R, 板右端到C点的距离为L在L<R<2R范围内取值, E距A为S=2R, 物块与传送带, 物块、M的μ=0.5. 重力加速度为g.



重力加速度g.

(1) 物块滑到B的速度大小

(2) 试讨论物块从滑上滑板到离开右端的过程中, 克服摩擦做功与L的关系, 并判断物块能否滑到C轨道的顶点.

① 解: (1) $\mu mgSR + mg \cdot 2R = \frac{1}{2} m v_B^2$
 $v_B = \sqrt{2gR}$

(2) [临界点]: 物块在刚运动到C时与C点速度相等.

若恰好条件, 则:

$a_m = \frac{\mu mg}{m} = \mu g$ $a_M = \frac{\mu mg}{M} = \frac{1}{2} \mu g$

$v_{am} = \sqrt{2gR} - \mu g t$ $v_M = \frac{1}{2} \mu g t$ $v_m = v_M$ 时: $t = \frac{\sqrt{2gR}}{\frac{3}{2}\mu g}$ $v_M = \sqrt{gR}$

$\therefore S_m = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \mu g \times t^2 = 2R$ $S_M = \frac{gR - 2gR}{-2\mu g} = 8R$ $\therefore \Delta L = 6R$ $\therefore L' = 0.5R$

\therefore ① 当 $L < R < 2L$ 时

$W_f = \mu mg(L+L) - 0.5m g R(0.5R+R) - m g \Delta h = 0 - \frac{1}{2} m \cdot 9gR$ $\Delta h = \frac{3}{4} R$

② 当 $2L < R < 5R$ 时

$W_f = \mu mg S_m + \mu mg L' - (\mu mg \cdot 4R + \frac{1}{2} m g \times 0.5R) - m g \cdot \Delta h = 0 - \frac{1}{2} m \times 9gR$

② 动能定理: $m_1 v_1 + m_2 v_2 = m_1 v_1' + m_2 v_2'$ $\therefore \Delta h = \frac{1}{4} R$

$\frac{1}{2} m v_B^2 = (m+M) v'^2$ $v' = \frac{1}{3} v_B = \sqrt{gR}$

$\frac{1}{2} m v_B^2 - \frac{1}{2} (m+M) v'^2 = \mu mg S_{相对}$

对M: $v'^2 = 2 \cdot \frac{1}{2} \mu g \cdot S_m \Rightarrow S_m = 2R$

转动的轻杆小球连体。

1. ω 相同
2. 单体和成体不割裂, 通常系统的机械能守恒。
3. $V_A \uparrow \rightarrow V_B \uparrow, E_{KA} \uparrow, E_{KB} \uparrow, E_{KA} \uparrow \rightarrow E_{KB} \uparrow$

三个点电荷在库仑力作用下的平衡



对 Q_3 : $\frac{kQ_1Q_2}{r_1^2} = k\frac{Q_2Q_3}{r_2^2}$... ①

对 Q_1 : $\frac{kQ_2Q_3}{L^2} = \frac{kQ_1Q_3}{r_1^2}$... ② $L > r_1 \therefore Q_2 > Q_3$

对 Q_2 : $\frac{kQ_1Q_3}{r_1^2} = \frac{kQ_2Q_1}{L^2}$... ③

由 ②: $r_1 = \sqrt{\frac{Q_3}{Q_2}} L, r_2 = \sqrt{\frac{Q_3}{Q_1}} L$

$\therefore r_1 + r_2 = L$

$\therefore \sqrt{Q_1 Q_3} + \sqrt{Q_3 Q_2} = \sqrt{Q_1 Q_2}$

- 证法 B:
- 1: 由于只受库仑力, 所以平衡时两力必在同一直线
 - 2: + + + x + - + v - + - v
 - 3: 对 $\frac{1}{Q_1} \frac{r_1^2}{Q_2} \frac{Q_3}{r_2^2}$

对 2: $\frac{kQ_1Q_2}{r_1^2} = k\frac{Q_2Q_3}{r_2^2} \therefore \frac{Q_1}{r_1^2} = \frac{Q_3}{r_2^2}$

若 $Q_1 > Q_3$ 则 $r_1 > r_2$

\therefore 远大近小

4: 对 $\frac{1}{+} \frac{r_1}{-} \frac{r_2}{+}$

对 1: $\frac{kQ_1Q_3}{L^2} = k\frac{Q_1Q_2}{r_1^2} \therefore \frac{Q_3}{L^2} = \frac{Q_2}{r_1^2}$

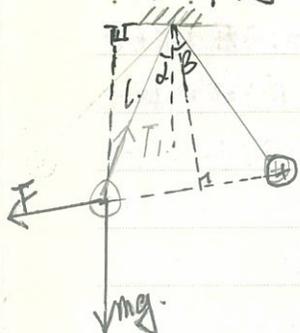
$\therefore L > r_1 \therefore Q_3 > Q_2$

同理: $Q_3 > Q_1 > Q_2$

\therefore 两大夹小

1. 同一直线 <位置关系>
2. 两同夹一异 <电性关系>
3. 远大近小
4. 两大夹小
5. $\sqrt{Q_1 Q_3} + \sqrt{Q_3 Q_2} = \sqrt{Q_1 Q_2}$
6. $\frac{Q_1}{r_1^2} = \frac{Q_2}{r_2^2}$
5. $kQ \frac{Q_3}{L^2} = \frac{Q_2}{r_1^2} \therefore r_1 = \sqrt{\frac{Q_2}{Q_3}} \cdot L$
- $\frac{Q_2}{r_2^2} = \frac{Q_1}{L^2} \therefore r_2 = \sqrt{\frac{Q_2}{Q_1}} \cdot L$
- $\therefore \sqrt{\frac{Q_2}{Q_3}} L + \sqrt{\frac{Q_2}{Q_1}} L = L$
- $\therefore \sqrt{Q_2 \cdot Q_1} + \sqrt{Q_2 \cdot Q_3} = \sqrt{Q_1 Q_3}$
- \therefore 中间两电荷积等于两边电荷积。

力矩平衡:



$$M_1 = mg \cdot \sin \alpha L = F \cdot L$$

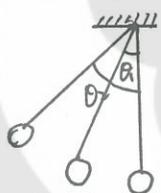
$$\text{对 } M_2 = m_2 g \sin \beta \cdot F \cdot L$$

$$m_1 \sin \alpha = m_2 \sin \beta$$

相似三角形法在电场中的应用:

第章, 静电场

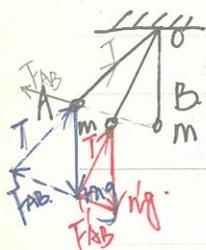
如图, A, B 带同种电荷, 在力的作用下, 平衡, 质量, 但 A 球为



两次电荷量不同, 两次悬线中的 T_1, T_2 关系为:

$T_1 = T_2$

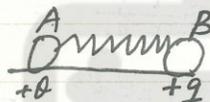
固定同一点, B 是线固定, 内球为 F, 改变其他条件不变, 改变 A 球为:



忽略库仑的距离

A, B 带电 $+Q$ 和 $+q$ 设在光滑绝缘水平面上, A, B 之间用绝缘的轻弹簧连接, 当系统平衡时, 轻弹簧的伸长量为 λ_0 , 若轻弹簧发生的均是弹性形变, 则:

- A: 保持 Q 不变, 将 q 变为 $2q$, 平衡时等于 $2\lambda_0$.
- B: 保持 q 不变, Q 变为 $2Q$, 平衡时大于 $2\lambda_0$.
- C: 保持 Q 不变, 将 q 变为 $-q$, 平衡时轻弹簧压缩量等于 λ_0 .
- D: 保持 q 不变, 将 Q 变为 $-Q$, 压缩量小于 λ_0 .



分离

9. $m_A = m_1, m_B = m_2$, A, B 两种电荷. A, B 位于光滑绝缘水平板上, A 固定, B 球用被质量为 m_3 的绝缘挡板 P 挡住而静止, A, B 相距为 d , 如图. 从 P 处向右向下开始向右做匀加速直线运动, 加速度大小为 a . 经过一段时间带电小球 B 与挡板 P 分离, 在此过程中求:



(1) 力 F 的最大, 小值 (2) 分离时速度

解: (1) $F_{min} + \frac{kq_1q_2}{d^2} = (m_1 + m_3)a$
 $F_{min} = (m_1 + m_3)a - \frac{kq_1q_2}{d^2}$

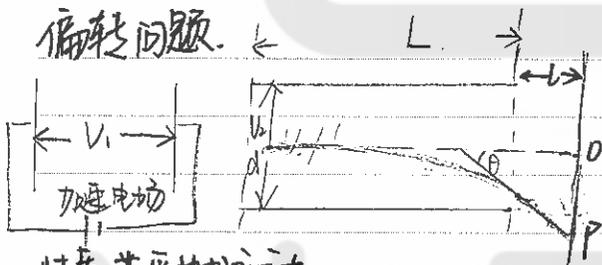
$F_{max} = m_3 a$

(2) $F_{AB} = \frac{kq_1q_2}{L^2} = m_2 a$

$v_p^2 = v_B^2 = 2a(L-d)$

$v = \sqrt{2a \sqrt{\frac{kq_1q_2}{m_2 a}} - 2ad}$

偏转问题



性质: 类平抛运动
在加速电场中:

$v_0 q = \frac{1}{2} m v_0^2 \dots \textcircled{1}$

在偏转电场中:

$x: L = v_0 t \therefore t = \frac{L}{v_0}$

$y: a = \frac{qE}{m} = \frac{qU}{md}$

$\Delta y = \frac{1}{2} a t^2 = \frac{1}{2} \cdot \frac{qU}{md} \cdot \frac{L^2}{v_0^2} = \frac{qUL^2}{2mdv_0^2}$

$\tan \theta = \frac{v_y}{v_x} = \frac{\frac{qUL}{mdv_0}}{v_0} = \frac{qUL}{mdv_0^2} = \frac{qUL}{mv_0^2 \cdot d}$

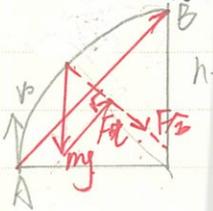
$\therefore v_0 q = \frac{1}{2} m v_0^2$

$\therefore \Delta y = \frac{qUL^2}{4v_0 q} = \frac{UL^2}{4v_0 d}$

$\tan \theta = \frac{qUL}{2v_0 q d} = \frac{UL}{2v_0 d}$

$|\vec{OP}| = \frac{L}{\sin \theta} \tan \theta \left(\frac{L}{2} + l \right)$
 $= \frac{UL}{2v_0 d} \left(\frac{L}{2} + l \right)$
 $= \frac{UL^2 + 2UlL}{4v_0 d}$

4. 如图所示, 高为 h 的绝缘光滑曲面处于匀强电场中, 匀强电场方向平行于竖直面, 一带电量为 $+q$, 质量为 m 的小球, 以初速度 v_0 从曲面底端 A 沿曲面滑上滑, 到达 B 时速度大小仍为 v_0 , 则:



A: 电场力对小球做功为 $mgh + \frac{1}{2}mv_0^2$

B: A、B 电势差 $\frac{mgh}{q}$ C: 小球在 B 点电势能大于 A 点的电势能

D: 电场强度为 $\frac{mg}{q}$

解: $mgh + W_{电} = 0 \quad \therefore W_{电} = -mgh$ A 错

$qU_{AB} = mgh \quad U_{AB} = \frac{mgh}{q}$ B 对

电场力做正功, 电势能减小 C 错

D: I: 由图: $F_e \leq mg \quad \therefore E_{min} < \frac{mg}{q}$

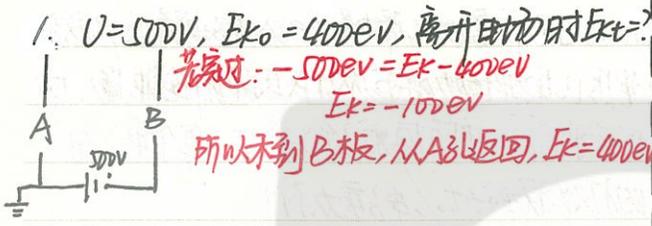
II: $E_{min} = \frac{U_{AB}}{d_{max}} = \frac{U_{AB}}{AB} = \frac{mgh}{q \cdot AB} < \frac{mg}{q}$



三选问题:

1. 对称
2. 位置离场源电荷最近
3. 同种相斥, 异种相吸

猿题库



1. $U=500V, E_{k0}=400eV$, 离开B板时 $E_k=?$
 先经过: $-500eV = E_k - 400eV$
 $E_k = -100eV$
 所以未到B板, 从A板返回, $E_k=400eV$

4. 如图: 竖直平面内, 匀速圆周运动
 A: 小球带正电 B: 电场力与重力平衡于
 C: 从a→b, 电势能减小 D: 机械能守恒
 若在竖直平面内 $qE=mg$



场强变化式: $E=E_0-kt$, 物体与墙面之间的 μ , $t=0$ 时初速度为0, 下列说法正确:
 A: 物体开始运动后加速度无增加, 所受
 B: 物体运动后加速度不断增大
 C: $t = \frac{E_0}{k}$, 物体在竖直墙壁上位移到达最大值
 D: 经过 $t = \frac{\mu g E_0 - mg}{\mu k g}$, 物体运动速度达最大

5. 一台起重机的, t 时间内匀加速提升
 过程中, 发动机功率输出功率为 P ,
 起重效率为 η , 则起重机所提升重物的质量?
 [错因]: 对输出功率的理解错误; 输出功率为总功:

$$\eta P = \frac{mgh + \frac{1}{2}mv^2}{t} \quad \text{①} \quad v = at \quad \text{②}$$

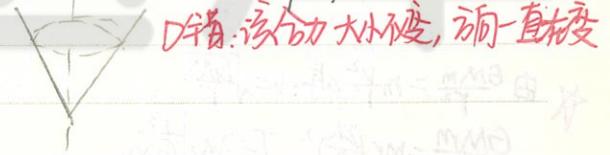
$$h = \frac{1}{2}at^2 \quad \text{③}$$

由①~③: $m = \frac{Pt^2 m}{gh + \frac{1}{2}v^2}$

6. 质量 $1kg$ 的物体从 $\theta=30^\circ, l=2m$ 的光滑斜面下滑, 若选初始位置为零势能点, 那么, 它到斜面中点具有的机械能和动能分别是:

$W_G = E_k = 5J$, 由于机械能守恒, 故机械能 $= 0J$.

7. 小球在光滑杆上绕 OO' 匀速转动, 关于小球受力正确的是:
 D: 小球受到的重力和弹力的合力是向心力.



错者: 该合力大小不变, 方向一直改变

解: $f_s < \mu N = \mu g(E_0 - kt)$ 前, $f_s = mg$
 I. 当 $f_s = mg = \mu g(E_0 - kt)$ 时, $F_N = 0$. 即: $t = \frac{\mu g E_0 - mg}{\mu k g}$
 由静而动.

II. $F_N = mg - \mu g(E_0 - kt) \therefore a$ 不断增大

当 $t = \frac{E_0}{k}$ 即 $F_N = 0$ 时, 分离.

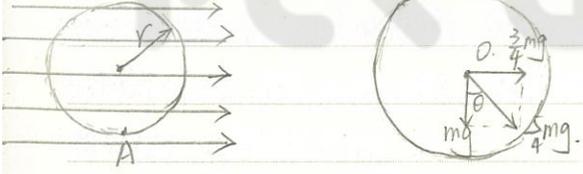
III. E 反向, $E = kt - E_0 \therefore a$ 不断增大.

[合外力为0 速度达到最大, 适用于加速度减小到0的情况]

【复合场思维】

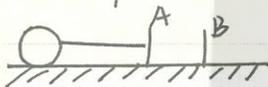
3. 竖直平面内, 环上套 m , 带正电珠子, 珠子受静电力为重力 $1/2$ 倍, 从A由静止释放.

- 1) 珠子所能得最大动能是多少.
- 2) 珠子对圆环的最大压力?



$1) F_{合} r(1 - \cos\theta) = E_k$
 $F_{合} = \frac{1}{4}mg$

9. 在光滑水平面上有 A、B，相距 0.1 m，长 1 m 的绳一端在 A 上另一端系 $m=0.5 \text{ kg}$ 的小球，给小球以垂直于绳的 2 m/s 速度做圆周运动，绳能承受 $F_{\max}=7 \text{ N}$ ，从开始至断裂多长时间。



v - 一直没变。

$$F = m \frac{v^2}{r} \quad r = 0.29$$

$$\because 7 = \frac{2v^2}{r} \quad r = 1.0, 0.9, 0.8, \dots, 0.3$$

$$t = \frac{1}{2}(T_1 + T_2 + \dots + T_8)$$

$$= \frac{2\pi l}{2v}(1 + 0.9 + \dots + 0.3)$$

$$= 2.6\pi$$

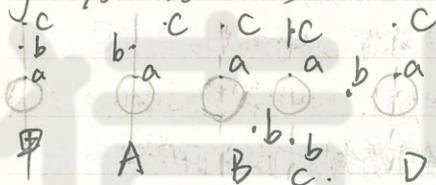
9. a 是地球赤道一幢建筑，b 是赤道平面

内作匀速圆周运动，距地面 $9.6 \times 10^6 \text{ m}$ 处

c 为地球同步卫星，某时刻 a、b、c 位于 a 上，

经 48 h，a、b、c 位置 ($R_{\text{地}} = 6.4 \times 10^6 \text{ m}$ ，

$$g = 10 \text{ m/s}^2 \quad \lambda = \sqrt{10}$$



$$\text{对 } b: T = 2\pi \sqrt{\frac{(R+h)^3}{gR^2}} = 2 \times 10^4 \text{ s}$$

$\therefore 48 \text{ h}$ 内:

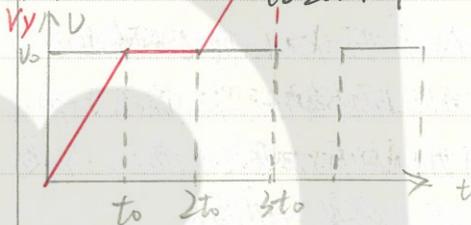
$$n = \frac{t}{T} = 8.64 \text{ 圈}$$

★ 由 $\frac{GMm}{r^2} = m \frac{v^2}{r}$ 得: $v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$

$$\frac{GMm}{r^2} = m r \left(\frac{v}{r}\right)^2 \quad T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{GM}}$$

$$\frac{GMm}{r^2} = m r \omega^2 \quad \omega = \sqrt{\frac{GM}{r^3}}$$

10. 例 5 质量为 m ，带电量为 e 的电子由静止开始经电压 U_0 的电场加速后从中间射入偏转电场，两板间电压随时间变化所有粒子均能通过，每个电子通过两板的时间为 t_0 ，电子重力不计。



解: (1) 方法一: 看电压 U_y 的图像

$$\langle \text{动能} \rangle y_{\max} = b \times \frac{1}{2} \times \frac{eU_0}{md} t_0^2 = \frac{d}{2} = \sqrt{\frac{3U_0 e t_0^2}{2m}}$$

$$y_{\min} = -\frac{1}{2} y_{\max} = \sqrt{\frac{3U_0 e t_0^2}{8m}}$$

方法二:

$$\langle \text{动能} \text{ 原理} \rangle \frac{1}{2} \times \frac{2}{3} U_0 e = \frac{1}{2} m v^2 \quad \therefore v = \sqrt{\frac{2U_0 e}{3m}}$$

$$\frac{U_0 e}{md} \times t_0 = \frac{1}{2} v t \quad \therefore d = 2 \sqrt{\frac{3U_0 e t_0^2}{2m}}$$

$$\therefore y_{\max} = \frac{d}{2} = \sqrt{\frac{3U_0 e t_0^2}{2m}}$$

$$y_{\min} = -\frac{1}{2} y_{\max} = \sqrt{\frac{3U_0 e t_0^2}{8m}}$$

$$\langle 2 \rangle v_{01}^2 = v_y^2 + v_0^2 = \frac{8U_0 e}{3}$$

$$\text{方法一 } v_{02}^2 = v_y^2 + v_0^2 = \frac{13U_0 e}{6}$$

$$\langle \text{动能} \rangle \frac{E_{k\max}}{E_{k\min}} = \frac{16}{13}$$

$$\text{方法二 } \frac{E_{k\max}}{E_{k\min}} = \frac{\frac{1}{2} m v_{02}^2 + \frac{eU_0}{d} \times 4 \times \frac{d}{2}}{\frac{1}{2} m v_{01}^2 + \frac{eU_0}{d} \times 1 \times \frac{d}{2}} \quad \dots \textcircled{1}$$

$$eU_0 = \frac{1}{2} m v_0^2 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\text{由 } \textcircled{1} \textcircled{2}: \frac{E_{k\max}}{E_{k\min}} = \frac{16}{13}$$

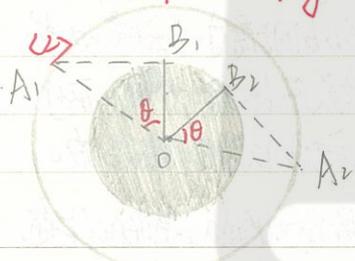
万有引力中与几何相关的问题

计划发射一距地球表面 R (地球半径) 圆形轨道的卫星, 卫星轨道与赤道平面重合, 试问:

1) 求卫星 T

2) 设地球自转周期为 T_0 , 该卫星绕地球运转方向与自转方向相同, 则赤道上人看到该卫星的时间:

解: 1) $T = 2\pi\sqrt{\frac{R^3}{GM}} = 4\pi\sqrt{\frac{2R^3}{GM}}$
 $GM = gR^2$
 $\therefore T = 4\pi\sqrt{\frac{2R}{g}}$



设在 B_1 看见卫星, 在 B_2 看见 A_2 位置消失

设 $\angle A_1OB_1 = \angle A_2OB_2 = \theta$, 则 $\cos\theta = \frac{1}{2}$, $\theta = \frac{\pi}{3}$
 设 $B_1 \rightarrow B_2$ 时间为 t , 则 $\theta = \frac{t}{T} \cdot 2\pi$

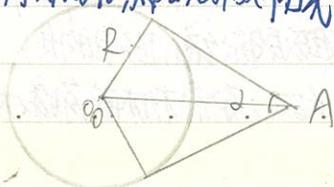
卫星 $\theta = t \cdot \frac{2\pi}{T}$

$\therefore t \cdot \frac{2\pi}{T} \cdot 2\pi - 2\theta = t \cdot \frac{2\pi}{T_0}$

由 $\omega = \frac{2\pi}{T} = 4\pi\sqrt{\frac{g}{2R}}$

$\therefore t = \frac{T_0}{3(T_0 - T)} = \frac{4\pi\sqrt{\frac{2R}{g}} T_0}{3(T_0 - 4\pi\sqrt{\frac{2R}{g}})}$

[2010 浙江理综] (选) 飞船以 T 绕地球做圆周运动, 由于地球自转, 会有食现象. 地球半径为 R , 质量为 M , 引力常量为 G , 地球自转周期为 T_0 , 飞船所做平动



A: 飞船线速度: $\frac{2\pi R}{T \sin \frac{\alpha}{2}}$

B: 一天内, 飞船与太阳'会合'次数为 $\frac{T_0}{T}$

C: 每次'会合'时间为 $\frac{2T_0}{2\pi}$

D: 飞船周期 $T = \frac{2\pi R}{\sin \frac{\alpha}{2}} \sqrt{\frac{R}{GM \sin^2 \frac{\alpha}{2}}}$

A: $v = \frac{2\pi R}{T}$, $v = \frac{R}{\sin \frac{\alpha}{2}}$, $\therefore v = \frac{2\pi R}{T \sin \frac{\alpha}{2}}$

D: $T = 2\pi \sqrt{\frac{R^3}{GM}} = \frac{2\pi R}{\sin \frac{\alpha}{2}} \sqrt{\frac{R}{GM \sin^2 \frac{\alpha}{2}}}$

C: $t = \frac{2\pi}{\omega} \cdot T$

D: $n = \frac{T_0}{T}$

轻质弹簧上端与质量为 M 的木板相连, 下端与竖直圆筒的底部相连时, 木板静止于图中 B 点, D 为弹簧原长上端位置, 质量为 m 的物块从 O 点正上方的 A 点自由释放, 物块 m 与木板瞬时相碰后一起运动, 物块 m 在 D 点达到最大速度, 且 M 与 m 也能回到 O 点. 若将 m 从 C 点自由释放后, m 与木板 M 一起运动, 则下列说法正确的是:

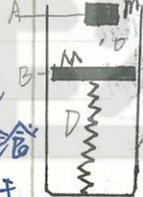
A: m 达到最大速度在 D 点. $F \rightarrow$
 B: m 达到最大速度在 D 点上方
 C: m 与木板 M 从 $B \rightarrow O$ 的过程中做匀减速运动
 D: m 与木板 M 向上到达 D 点, 仍有速度

A: m 达到最大速度在 D 点. $F \rightarrow$

B: m 达到最大速度在 D 点上方

C: m 与木板 M 从 $B \rightarrow O$ 的过程中做匀减速运动

D: m 与木板 M 向上到达 D 点, 仍有速度

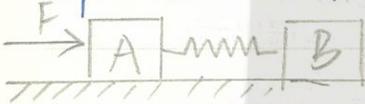


在 D 点时 m 与 M 分离

而 $N = mg + mg$, 所以 D 点不会移动

A 9.

16. 如图所示, 质量相同的木块A、B用轻质弹簧静止在光滑水平面, 弹簧处于自然状态, 现用力F(恒力), 从开始到弹簧第一次压缩到最短的过程中.



① $V_A = V_B$ $A_B > A_A$

② $A_A = A_B$ $V_A > V_B$

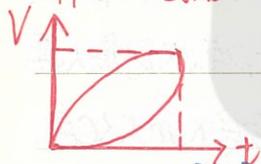
解: $a_A = \frac{F - kx}{m}$ $a_B = \frac{kx}{m}$

$a_A + a_B = \frac{F}{m}$

$x = V$ 时 $a_A = \frac{F}{m}$ $a_B = 0$

$x = x_{max} = \frac{F}{k}$ 时 $a_A = 0$ $a_B = -\frac{F}{m}$

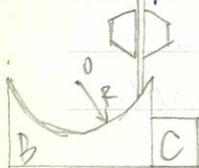
作 $v-t$ 图像



由图: $V_A = V_B$ $A_A < A_B$

$A_A = A_B$ $V_A > V_B$

11. 如图, B的质量为 $2m$, 半径为 R 的光滑半球形碗, 放在光滑的水平桌面上, A的质量为 M , 用细长直杆, 光滑套管D被固定在竖直方向, A可以自由向上运动, 初块C的质量为 m , 紧靠半球碗边缘放置, 初块C与A杆相推, 使其下端正对碗的半球面的边缘接触, 然后由静止开始释放A, 细长直杆下端运动初碗边缘最低点时, 杆对竖直方向的速度与C方向水平方向的速度.



初碗内初本的运动方向与碗相切, 最低点时, 杆对水平, 因此最低点示垂直速度
由动能定理.

$mgh = \frac{1}{2} \cdot 2m \cdot v_k^2$

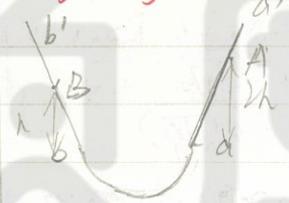
$\therefore v_k = \sqrt{2gh}$

$\therefore B, C$ 水平速度: $\sqrt{\frac{2gh}{3}}$, $V_y = 0$

5. 一圆弧形的槽, 槽底放在水平地面上, 槽的两侧与光滑斜坡 aa' , bb' 相切, 相切处 a, b 位于同一水平面内, 槽与斜坡在竖直面内的横截面如图所示, 一小物块从斜坡 aa' 上距水平面 ab 的 $2h$ 处自由滑下, 并且自 a 处进入槽内, 达到 b 后沿 bb' 向上滑, 达到距水平面 ab 的高度为 h , 接着小物块沿 bb' 向上滑, 达到距水平面 ab 的高度为 h , 物块沿 bb' 滑入槽内, 则

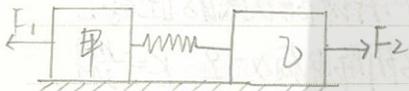
- A: 小物块在运动到 a 处时速度为 0
- D: 小物块只能运动到 a , 并沿 aa' 上滑, 上升的高度小于 h .

解: $A \rightarrow B$: 重力: $W_g = mgh = W_f$,
 $B \rightarrow a$: $W_{g2} = mgh$, 而 a 时物体在斜坡, 加速度小于 $A \rightarrow B$ 的过程中, 因此 $N_2 < N_1$,
 $\therefore W_{f1} > W_{f2}$. $\therefore a$ 点速度不为 0.



12. 如图甲、乙两车用轻弹簧相连静止在光滑水平面上, 现在同时对两车施加等大, 反向的水平恒力 F_1, F_2 , 使甲、乙由静止开始运动, 对甲、乙弹簧组成的系统, 正确的是:
B: 弹簧伸长到最长时, 系统初末动能最大

C. 恒力系统对系统一直做正功, 系统机械能不断增大.



系统机械能不变, 质心保持静止, 可以将质心两侧看作两个弹簧振子, ∴ 弹簧最长时系统机械能最大, B正确. 在甲乙相向运动过程中, 恒力做负功, C错误.

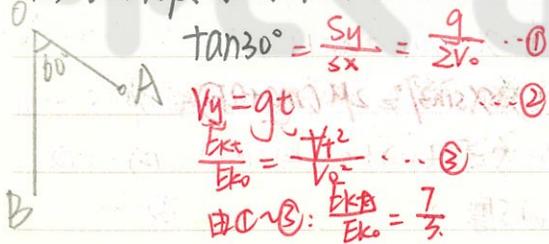
A. 9.6

7. 如图: O, A, B 为竖直面内三点, OB 沿竖方向, $\angle BOA = 60^\circ$, $OB = \frac{2}{3}OA$. 将一质量为 m 的小球以一定初动能自 O 点水平抛出. 小球在运动过程中恰好通过 A 点, 假设小球带电

电荷量为 q ($q > 0$). 同时加一匀强电场, 电场方向与 $\triangle OAB$ 所在平面平行, 现从 O 点以同样初动能沿某一方向抛出该小球, 该小球动能为初动能的 3 倍. 若该小球从 O 点以动能同样的动能沿另一方向抛出, 小球通过 B 点, 且 B 点动能为初动能的 2 倍, 重力加速度 g .

1) 无电场时, 小球到 A 的动能与初动能的比值.

2) 电场强度的大小和方向



$$\tan 30^\circ = \frac{y_A}{x_A} = \frac{q}{2v_0} \quad \text{--- ①}$$

$$v_y = gt \quad v_x = v_0 \quad \text{--- ②}$$

$$\frac{E_{kA}}{E_{k0}} = \frac{v_A^2}{v_0^2} \quad \text{--- ③}$$

$$\text{由 ① ③: } \frac{E_{kA}}{E_{k0}} = \frac{7}{3}$$

$$(2) \quad mg \cdot OA \cos 60^\circ + U_{OA} q = E_{k1} - E_{k0} = 2E_0 \quad \text{--- ①}$$

$$mgOB + U_{OB} q = E_{k2} - E_{k0} = 5E_0 \quad \text{--- ②}$$

$$W_G = E_{k0} \quad \text{--- ③}$$

$$\therefore \frac{U_{OA}}{U_{OB}} = \frac{2}{3}$$

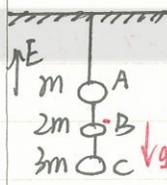
∴ 沿 OB 向下 $\frac{2}{3}$ 处与 OA 电势相等.

$$OM = \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} OA = \frac{4}{9} OA$$

∴ 电场 $E \perp OB \perp BOA$ 角平分线. 且 $E = \frac{3mg}{q}$.

5. 如图所示, A, B, C 三个小球质量为 $m, 2m, 3m$, B 球带正电, A, C 不带电, 不可伸长的绝缘绳将三个小球连接起来悬挂在 O 点, 三个小球均处于向上的匀强电场中, 为 E , 下列说法正确的是:

C: 剪断 O, A 瞬间, A, B 间拉力为 $\frac{1}{3}qE$
D: 剪断 O, A 瞬间, A, B 间拉力为 $\frac{1}{3}qE$.



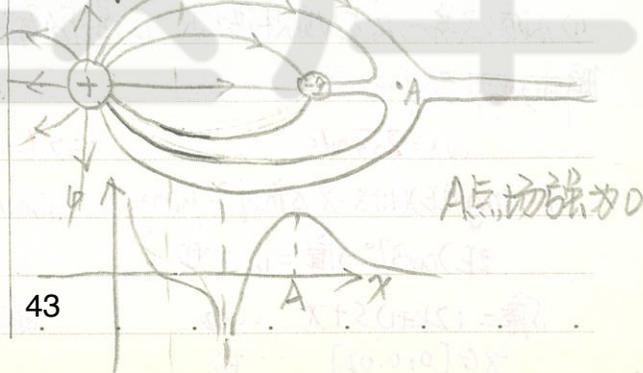
[没有考虑 B, C 间的拉力为 0] [因为电场力 F_E 是向下的, 在剪断 OA 瞬间 F_{BC} 间与 qE 的力, 所以 $F_{BC} = 0$]

$T_{AB} \neq 0$

$$\text{对 A, B: } a = \frac{3mg + qE}{3m} = g + \frac{qE}{3m}$$

$$\text{对 A: } T_{AB} + mg = mg + \frac{qE}{3m} \quad \therefore T_{AB} = \frac{1}{3}qE$$

不等量异种电荷所形成的电场



8. 空间有某一静电场, 在x轴上的电场方向竖直向下, 轴上的电场强度大小按 $E=kx$ 分布 (x轴由某点到O点的距离), 如图所示, 在O点正下方有一长为L的绝缘细线连接A、B两个均带负电的小球 (可视为质点), A球距O点的距离L, 两球静止, 细线紧张, 已知A、B两球质量为m, B所带电荷为 $-q$, $k = \frac{mg}{3qL}$, 不计两小球间静电力.



1) 求A所带电荷量 2) 画出A所受电场力为 $F-x$ 图像. 剪断细线后, A球继续运动, 求A球运动的最大速度 v_m , 3) 剪断细线后, 求B球的运动范围

解: 1) - 4q

2) $mg = kx$ 时, $v \rightarrow \max$

$x = 3qL$

$-mg(L - 3qL) + 3qL \cdot mg \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{2}mv_m^2$

$\therefore v_m = \sqrt{\frac{9qL}{2}}$

3) $mgx - \frac{1}{2}(x+2L) \cdot 2k(x+2L) = 0$

$\therefore x = 4L$

$-mgx + \frac{1}{2}(2L-x) \cdot 2k(2L-x) = 0$

$x = 2L$

$\therefore 2L \leq x \leq 4L$

9. 如图, 在一倾角为 37° 的绝缘斜面下端O, 固定有垂直于斜面的绝缘挡板, 斜面OM段粗糙, 长度 $s = 0.02m$, NM段光滑, 长度 $L = 0.5m$. 在斜面所在区域有竖直向下的匀强电场, 场强为 $2 \times 10^5 N/C$, 一小滑块质量为 $2 \times 10^{-2} kg$, 带正电, 电荷量为 $1 \times 10^{-7} C$, 小滑块与OM段表面 $\mu = 0.75$, 小滑块由M点从静止释放, 在运动过程中没有电荷量损失, 与挡板相碰后原速返回, 已知 $\sin 37^\circ = 0.6$, $\cos 37^\circ = 0.8$, $g = 10 m/s^2$

1) 小滑块第一次过N点的速度大小 2) 最后停在离挡板多远 3) 在斜面上运动的总路程.

解: 1) $mgL \sin 37^\circ + 2Eq \sin 37^\circ = \frac{1}{2}mv_N^2$

$\therefore v_N = 2\sqrt{3} m/s$

由①③得: $x = 0.01$ $Kx = 12$

3) $(mg + qE) \Delta x \sin 37^\circ = 2\mu (mg + qE) \cos 37^\circ \cdot s \dots ①$

2) $(mg + qE)(L + s - x) \sin 37^\circ - \mu(mg + qE) \cos 37^\circ \cdot S_{摩} = 0 \dots ①$

在NM段: $S = (2k+1)L - 2 \Delta s (1+2+\dots+n) \dots ②$

$S_{摩} = (2k+1)s + x \dots ①$

$S = S_{NM} + S_{摩} \dots ②$

$S_{摩} = (2k+1)s + x \dots ①$

44. 由①② $s = 6.67m$

$x \in [0, 0.02] \dots ③$

两双星系统绕两者连线上某点O做匀速圆周运动，以双星系统中体积较小成员能“吸食”另一颗体积较大星体表面物质，达到质量转移的目的。假设两星体高度相当，距离不变时

1. 2.

- A. 它们做圆周运动过程中万有引力不变
- B. 做圆周运动的角速度不变
- C. 体积较大星体做圆周运动轨道半径变大线速度变小
- D. 每颗星体的质量与自身轨道半径成正比



物体静止
列方程:

= 0

得到Δs的值,

$s = 6.67m$

设体积较小星体质量为 m_1 , 轨道半径为 r_1 , 体积大 m_2, r_2 , 距离为 L 转移 Δm
 则 $F = G \frac{(m_1 + \Delta m)(m_2 - \Delta m)}{L^2}$ Δm 的最大取值为 $\frac{m_2 - m_1}{2}$
 $\Delta m \uparrow \rightarrow F \uparrow$ 故 A 错.

对 $m_2: G \frac{m_1 + \Delta m)(m_2 - \Delta m)}{L^2} = (m_2 - \Delta m)\omega^2 r_2$

可得: $\omega = \sqrt{\frac{G(m_1 + m_2)}{L^3}}$, 总质量 $m_1 + m_2$ 不变, L 不变, 则 ω 不变

$\omega^2 r_2 = \frac{G(m_1 + \Delta m)}{L^2}$ $\omega, L, m_1, \Delta m$ 增大, $r_2 \uparrow$

$G \frac{M_1 M_2}{L^2} = M_1 r_1 \omega^2 = M_2 r_2 \omega^2 \quad \frac{M_1}{M_2} = \frac{r_2}{r_1}$

自行PDD材料, 一质
列方程, 对半
摩擦力所做的功则

- A: $W = \frac{1}{2}mgR$, 质点刚好可以到达Q点.
- B: $W > \frac{1}{2}mgR$, 质点不能到达Q点.
- C: $W = \frac{1}{2}mgR$, 质点到达Q后, 继续上升一段距离
- D: $W < \frac{1}{2}mgR$, 质点到达Q后并

$F_N - mg = m \frac{v^2}{R} \dots \textcircled{1}$ 但在后半程, $W_f = \mu \cdot N, N = mg \cos\theta + m \frac{v^2}{R}$ v 减小
 $mgR + W_f = \frac{1}{2}mv^2 \dots \textcircled{2}$ $\therefore N$ 减小, 由于在对称位置的速度右半部分的速度减小, 所以后半程 $W_f < \frac{1}{2}mgR$, 所以在到达Q后继续上升一段距离.

[整体与法与隔离体法]

3. 如图：水平光滑绝缘杆从物块A中穿过，A的质量为M，绝缘细线将另一质量为m的水球与A连接 $M > m$ ，整个装置在水平向右的电场中。现使B带正电且电荷量为Q，发现A、B一起以加速度a向右运动，细线与竖直方向成 α 角。若仅使A带负电电荷量大小为Q'，则A、B以a' 同方向运动时，细线与竖直方向也成 α 角，则：

A: $a' = a$ $Q' = Q$ B: $a' > a$ $Q' = Q$ C: $a' < a$ $Q' < Q$ D: $a' > a$ $Q' > Q$

[思路] 对B来说，不管B带不带电，则 $T \cos \alpha = mg \therefore T$ 不变。

当B带电时：由于B的Q未知，所以以A为研究对象： $T \sin \alpha = kMa$

当A带电时：类似与座以B为研究对象： $T \sin \alpha = ma'$

$\therefore a' > a$

对整体： $a = \frac{QE}{M+m} \therefore a' > a \therefore Q' > Q$

[电场+摩擦力] [受力分析，各中情况考虑]

如图，绝缘水平面上固定两个等量同种电荷P、Q，在PQ连线中垂线上取M点，由静止释放一带电滑块，则滑块由静止释放一带电滑块，则滑块会由静止开始一直向右运动到PQ连线另一点N而停下。下述正确的是：

A: 滑块受的电场力一定是先减小后增大

B: 停下前滑块的加速度一定是先减小后增大

C: 滑块的动能与电势能之和保持不变

D: PM间距一定小于QN间距

[分析] 由于在过程中不知N在P左侧还是在右侧所以不能用正负电力的变化情况分析

10. 已知点电荷Q电场中电势 φ 公式 $\varphi = k\frac{Q}{r}$ ，式中r为场源电荷Q的距离。两半球分别为 r_1 和 r_2 ($r_1 < r_2$) 的同心球面上，各均匀带电 Q_1 和 Q_2 ，则球面内部距离球心r处电势为：

A: $k(\frac{Q_1}{r} + \frac{Q_2}{r})$ B: $k(\frac{Q_1}{r} + \frac{Q_2}{r_2})$ C: $k(\frac{Q_1}{r_1} + \frac{Q_2}{r})$ D: $k(\frac{Q_1}{r_1} + \frac{Q_2}{r_2})$

 对于一个球面来说，球面是一个等势体，球面表面是一个等势面，所以该球内部任意一点电势都与球表面电势相同。

[2012四川理综]

12. 在如图所示的竖直面内, 物体A和带正电的物体B用跨过定滑轮的绝缘轻绳连接, 分别静止于倾角 $\theta = 37^\circ$ 的光滑斜面与M点和粗糙绝缘水平面上, 轻绳与对应平面平行. 劲度系数为 $k = 5 \text{ N/m}$ 的轻弹簧一端固定在O点, 一端用另一轻绳穿过固定光滑小环D与A相连, 弹簧处于原长, 轻绳水平刚好伸直, DM垂直于斜面, 水平面处于场强 $E = 5 \times 10^4 \text{ N/C}$ 方向水平向右的匀强电场中. 已知A、B的质量分别是 $m_A = 0.1 \text{ kg}$, $m_B = 0.2 \text{ kg}$, B所带电荷量 $q = +4 \times 10^{-6} \text{ C}$, 这两物体均视为质点. 不计滑轮质量和摩擦, 绳不可伸长, 弹簧始终在弹性限度内, B电量不变, 取 $g = 10 \text{ m/s}^2$, $\sin 37^\circ = 0.6$, $\cos 37^\circ = 0.8$.

(1) 求B所受摩擦力 (2) 对A施加斜面向下的拉力F, 使A以 $a = 0.6 \text{ m/s}^2$ 开始匀加速直线运动. A从M到N的过程中, 轻绳电势能增加 $\Delta E_p = 0.06 \text{ J}$. 已知DN沿竖直方向, B与水面的 $\mu = 0.4$, 求A到N时F的瞬时功率.

(1) 对物体A: $F_T = m_A g \sin \theta \dots 0$ 对B: $f_{静} + f_f = F_T \dots 0$ 由C: $f_{静} = 0.4 \text{ N}$

(2) 设 $MN = x$, 则 $\Delta x_{弹} = \frac{1}{3}x$

$\Delta E_p = 0.06 \text{ J} \therefore qEx = 0.06 \therefore x = 0.3$

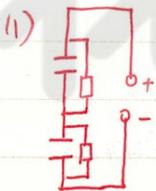
$x = \frac{1}{2}at^2 \therefore t = 1 \text{ s} \quad v_t = at = 0.6 \text{ m/s}$

$F - F_T - f + m_A g \sin \theta - F_{弹} \cos 37^\circ = m_A a$

$\therefore F = 0.88 \text{ N}$

$\therefore P = F \cdot v = 0.88 \times 0.6 = 0.528$

13. 通电电容器两极板间有多层电介质并有漏电, 如图, 电容器面积 A , 其间有两层电介质1和2, 第一层电介质的介电常数, 电导率(电阻率倒数)和厚度分别是 ϵ_1, σ_1 和 d_1 , 第二层为 ϵ_2, σ_2 和 d_2 , 两板加 U , 求 (1) 画出等效电路图 (2) 计算两层电介质损耗功率 (3) 计算界面外净电荷量. (漏电电介质的电容器可视为不漏电电介质的理想电容器和一纯电阻的并联电路.)



$R_2 = \frac{1}{\sigma_2} \frac{d_2}{A}$
 $\therefore P = \frac{U^2 \sigma_1 \sigma_2 A}{d_1 \sigma_2 + d_2 \sigma_1}$

$Q_1 = \frac{\epsilon_1 A}{4\pi k d_1} \cdot \frac{\sigma_1 d_2}{\sigma_1 d_2 + \sigma_2 d_1}$

(3) $Q_1 = C_1 U_1$

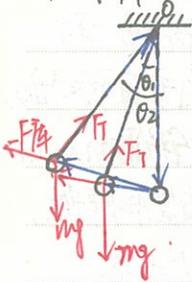
$C_1 = \frac{\epsilon_1 A}{4\pi k d_1}$

(2) $P = \frac{U^2}{R_1 + R_2}$

$U_1 = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \cdot U$

$R_1 = \frac{1}{\sigma_1} \frac{d_1}{A} \quad = \frac{1}{1 + \frac{R_2}{R_1}} \cdot U = \frac{4\pi \epsilon_1 d_2}{\sigma_1 d_2 + \sigma_2 d_1}$

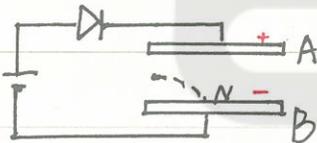
2. 如图所示, 用线将A悬于O点, 静止时恰与另一固定小球B接触, A与B两小球带同种电荷, 悬线偏离竖直方向 θ_1 , 此时张力为 T_1 , 若增加带电量, 悬线 θ_2 , 拉力为 T_2 , 则



由图: 利用相似三角形法, $T_1 = T_2$

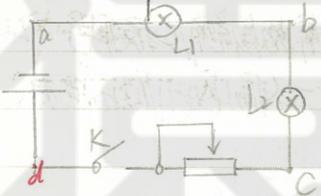
8. 将电容器与二极管串联接在电源上, 已知A与电源正极相连, 二极管具有单向导电性, 一带电小球沿AB中心水平射入, 打在B的N点, 重力不能忽略,

- A: 若小球带正电, 当AB间距增大时, 小球打在N右侧
- B: 若小球带正电, 当AB间距减小时, 小球打在N右侧
- C: 若小球带负电, 当AB间距减小时, 小球可能打在N左侧
- D: 若小球带负电, AB间距增大时, 小球可能打在N左侧



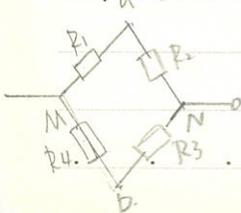
若小球带正电, $d \uparrow \Rightarrow C \downarrow \Rightarrow Q \downarrow$ 不能达到, 所以N不变
 若小球带正电, $d \downarrow \Rightarrow C \uparrow \Rightarrow Q \uparrow \Rightarrow a \uparrow$, 打在N左侧
 若小球带负电, $d \downarrow \Rightarrow C \uparrow \Rightarrow Q \uparrow \Rightarrow a \downarrow$, 可能在N右侧
 若小球带负电, $d \uparrow \Rightarrow C \downarrow \Rightarrow Q \downarrow \Rightarrow a$ 不变, N不变

5. 如图所示, 因线路故障, 接电时, 灯 L_1, L_2 均不亮, $U_{ab}=0 \quad U_{bc}=0 \quad U_{cd}=4V$, 用此六开路为:



A: 灯 L_1 B: 灯 L_2 C: 变阻器 D: 不能确定
 $U_{ab}=0$ 说明ab段没有问题, 在bc到正级
 同理bc段也无问题, 问题在cd段, 是变阻器有问题

桥式电路:



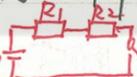
1. 折桥: $I_{man} = \frac{U}{R_1 R_2} \quad I_{MNB} = \frac{U}{R_3 R_4}$ $\varphi_a > \varphi_b \quad I_G: a \rightarrow b$
 2. 讨论: 若 $U_a = U_b$ 则: $R_1 R_3 = R_2 R_4$ ③ 若 $U_b > U_a \quad R_1 R_3 > R_2 R_4$
 则 $\varphi_a = \varphi_b \quad I_G = 0$ (桥平衡) ④ 若 $\varphi_b > \varphi_a \quad I_G: b \rightarrow a$

6. 如图, 电源电动势为 E , 内阻为 r , A 为电压表, 内阻为 $10k\Omega$, B 为静电计, 两个电容器的电容分别为 C_1 和 C_2 , 将电键 S 合一段时间, 下列说法正确的是
- A: 若 $C_1 > C_2$, 则电压表两端的电势差大于静电计两端的电势差
 B: 若将变阻器滑动触头 P 向右滑动, 则电容器 C_2 上带电量增大
 C: C_1 上带电量增加 D: 再将 S 打开, 使 C_1 间距增大, 则静电计示数增大

解: 分析电路可知:

电路稳定后, C_1 是没有电流通过的, 因为 B 是一个静电计, 静电计的外壳是绝缘的, 所以 C_2 相当于直接接在电源两端, 所以 C 正确 A 错误, 移动滑片时, 板间距离增大 $C \downarrow U = \frac{Q}{C} \therefore U$ 增大 D 正确.

8. 如图, 电源两端电压为 $U = 10V$, $R_1 = 4\Omega$ $R_2 = 6\Omega$ $C_1 = C_2 = 30\mu F$. 先闭合开关 S , 待电路稳定后, 再将 S 断开, 则 S 断开后通过 R_1 的电荷量为:

分析电路 ① 拆表, 拆电容器  ② 装表, 装电容器,  结论: C_1 与 R_2 并联  结论: C_2 与开关并联.

当闭合开关 S 时 C_2 短路等交电路图为:  $U_{R_2} = 6V$ $U_{R_1} = 4V$

断开 S 时, 等交电路:

$$U_{R_1} = 10V \quad \therefore Q = C \cdot \Delta U = 3 \times 10^{-5} (4 + 10) = 4.2 \times 10^{-4} C.$$

- Pro. 11. 有一导线横截面积为 S , 密度为 ρ , 质量为 $M_{Cu} = M$, N_A 电子带电荷 e . 铜导线中自由电子定向移动速率为 v , 可认为 Cu 导线每个 Cu 原子贡献一个自由电子, 导线电流为?

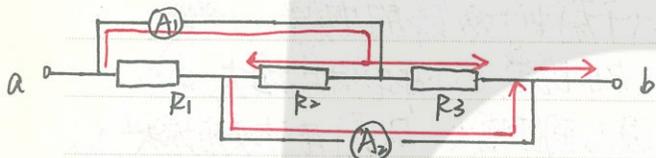
$$I = \frac{Q}{t} = \frac{n \cdot e}{t} = \frac{N e v}{L} \quad \dots ①$$

$$N = n \cdot N_A \quad \dots ②$$

$$n = \frac{m}{M} = \frac{\rho \cdot V}{M} = \frac{\rho \cdot S \cdot L}{M} \quad \dots ③$$

$$\text{由①} \sim \text{③} \quad I = \frac{\rho N_A e v S}{M}$$

4. 如图所示, A_1, A_2 为理想电表, 示数分别为 I_1, I_2 ; $R_1:R_2:R_3 = 1:2:3$, 当 a, b 两点间加恒定电压 U_0 , 下列正确的是:



- A: $I_1:I_2 = 3:4$ B: $I_1:I_2 = 5:9$ C: 将 A_1, A_2 换为理想电压表, 示数比为 $3:5$
 D: 将 A_1, A_2 换为理想电压表, 示数比为 $1:1$.

结点法简化电路:

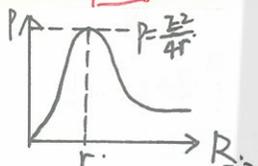


$R_1:R_2:R_3 = 1:2:3$

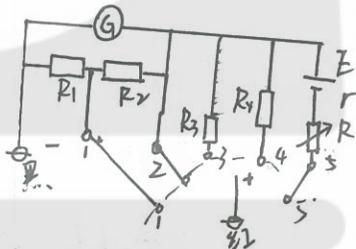
采用顺串法: A_1 测 I_2+I_3

$I_{R1}:I_{R2}:I_{R3} = 1:\frac{1}{2}:\frac{1}{3} = 6:3:2$

A_2 测 I_1+I_2



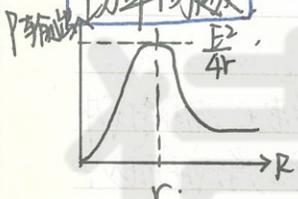
- 当 $R=r$ $P_{max} = \frac{Z^2}{4r}$
- 当 $R \rightarrow r$ $P \rightarrow max$
- 若 $R_1 = R_2 = P_0$
 则必有 ① $R_1 < r < R_2$
 ② $R_1 R_2 = r^2$



18

转换为:

功率问题



1. $R=r$ $P_{max} = \frac{Z^2}{4r}$

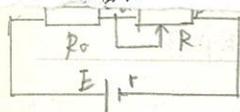
3. 若 $R_1 = R_2 = P_0$

2. $R > r$ $P \rightarrow max$

则必有 ① $R_1 < r < R_2$ ② $R_1 R_2 = r^2$

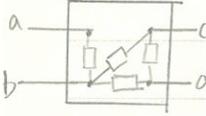
[例] 如图 E 为电动势 E 内阻为 r 与定值电阻 R_0 , 滑动变阻器 R 串联, 设 $R_0 = r$, 滑动变阻器的最大阻值为 $2r$, 当滑动变阻器 P 由 a 向 b 滑动, 则:

- A: 电路中电流变大 B: 输出功率变大 C: 滑动变阻器消耗功率变大
 D: 滑动变阻器消耗功率变大



抓住临界点 $r=r$, 用串并联等效,
 对于变阻器: 等效法 对于定值电阻: $P=I^2 R$

1. 如图: 黑盒上有四个接线柱, 黑盒内有4个阻值均为 6Ω 的电阻, 每只电阻两端都直接与接线柱相连, 测得: $R_{ab}=6\Omega$, $R_{ac}=R_{ad}=10\Omega$, $R_{bc}=R_{bd}=R_{cd}=4\Omega$, 试画出电阻.



① $R_{ab}=6\Omega$ ab间有1电阻
② 两个电阻 b, c, d任意两个电阻都相等. a: 串 b: 串 c: 串

b: 串 c: 串, 如下

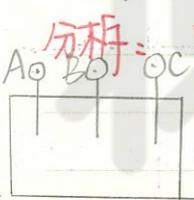
2. 用多用电表测量标有“270V 100W”的白炽灯丝的电阻时, 测量值为 484Ω

热态电阻 > 冷态电阻 \therefore 测量值 < 484Ω

3. 盒内有三个电路元件, 可能为: 干电池, 电容器, 定值电阻,

盒外有三个接线柱与盒内电路相连, 用多用电表测量各接线柱情况如下:

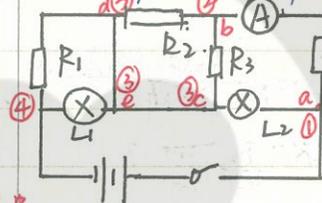
① 用直流电压表负接线柱接A测得 $U_{BA}=U_{CA}=1.5V$ ② 用直流电压表负接线柱接B, 测得 $U_{AB}=U_{CB}=0$
画出盒内可能的简单电路



分析: 由①知: U_{BA}, U_{CA} 说明盒内有电池, 电池负极接A, 正极可与B, C相连, 也可能通过电阻相连 ② 说明干电池

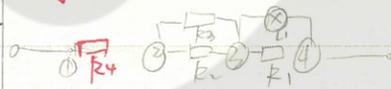
不在A, B间及B, C间, 且盒内没有构成回路 所以要么是极管反接, 要么是电阻接入电路.

4. 如图所示: 闭合电键灯 L_1, L_2 正常发光, 由于电路有故障, 灯 L_1 突然变亮, 灯 L_2 变暗, 电流表读数变小, 根据分析, 发生故障可能是: A: R_1 断路 B: R_2 断路 C: R_3 短路 D: R_4 短路



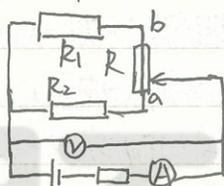
等效电路: 当遇到两个支路时, 要判断电势高低.

$R_4 - a - R_2 - b$ 路电压降与 $L_2 - e - f$ 路电压降相等, 所以b点电势高于c点, 所以b为节点②



再用串反并同法判断 A 符合.

5. 如图示: $R_1=10\Omega, R_2=9.2\Omega$, 滑动变阻器总电阻 $R=6\Omega$, 当滑动触头由a端滑向b端时, 安培表, 伏特表示数如何变化.



当R最大时 R_1 与 R_2 并联, 则 $R_1=10\Omega, R_2=9.2\Omega$. 所以安培表示数一直减小, 伏特表一直增大.

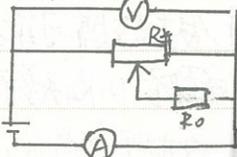
对公式 $I=nqvs$ 的理解

如图: 2个截面不同, 长度相等均匀导线接在电路中, 两端电压为U, 则:

- A: 通过两导线的电流相等
- B: 两棒自由电子定向移动的平均速率不同
- C: 两棒内场强不同, 细棒电压大于粗棒的电压 U_2

分压器的电阻变化规律

1. 则注: R 并联一个 R 并联段 \downarrow 则 R 总 \downarrow



2. 定量: $R_{总} = R - R_{并} + \frac{R_0 R_{并}}{R_0 + R_{并}} = R + \frac{R_0 R_{并} - R_{并}(R_0 + R_{并})}{R_0 + R_{并}}$
 $= R - \frac{R_{并}^2}{R_0 + R_{并}} = R - \frac{1}{\frac{1}{R_{并}} + \frac{1}{R_0}}$
 当 $R_{并} \uparrow \rightarrow R_{总} \sim \downarrow$

B: $I = nqSv \therefore I = \frac{\Delta Q}{\Delta t} \therefore \Delta Q_1 = \Delta Q_2 \quad S_1 < S_2$

$\therefore v_1 > v_2$ [反直觉方法]

$\therefore E_1 > E_2$ \therefore 在相等长度和加速中, 速度 v 与 I 成正比 [方法2]

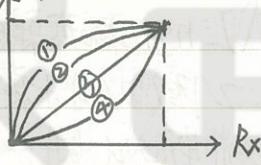
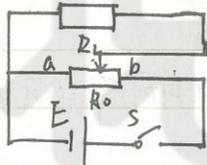
对 $I = nqSv$ 的理解: n 电荷数 q 电荷

7. 如图: 已知电源电动势为 E , 内阻不计, 变阻

器总电阻 $R_0 = 50\Omega$, 闭合开关 S 后, 负载 R_L 两端电压 U 随变阻器 a 随滑动触头间电阻 R_x 的变化而变化, 当负载电阻分别为 $R_{L1} = 20\Omega$ 和 $R_{L2} = 20\Omega$, 关于负载电阻两端的电压 U 随 R_x 变化的图像大致接近图中哪条曲线.

R_{L1} 大致接近曲线

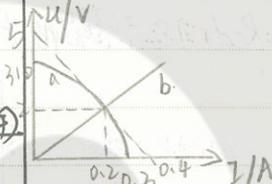
R_{L2} 大致接近曲线



若 R_{L1} 和 R_{L2} 并联 R_L 的阻值 \downarrow 并 R_L 与 R_x 减小, 所以 U 小于原 R_L 的直线, 所以在并 R_{L1} 或 R_{L2} 两端电压都会比直线小, 而 $R_{L1} > R_{L2}$, 所以 $U_{R_{L1}} > U_{R_{L2}}$

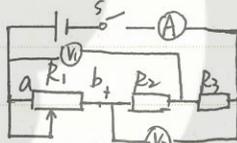
\therefore 答案: ② ④

8. 如图是钨灯丝的某光照强度下 $U-I$ 图像 (电阻不是常数) 图 b 是某电阻 R 的 $U-I$ 图像 在该光照强度下组合闭合回路时, 其内阻为:



U 不变
 $r = \frac{3.6 - 2}{0.2} = 8\Omega$

9. 不计内阻, 由 $a \rightarrow b$ 滑动.



A: $\Delta U_1 < \Delta U_2$

B: $\frac{\Delta U_2}{\Delta I} - \frac{\Delta U_1}{\Delta I} = R_2$

部分电阻调压定律 \leftarrow 不变电阻

全电路欧姆定律 \leftarrow 可变电阻

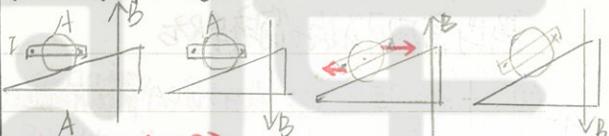
反直欧姆 $\Delta U_2 = \Delta I (R_2 + R_3)$

$\Delta U_1 = \Delta I R_3 \therefore A, B$ 对

磁场的叠加

1. 看切 2. 依不等交法

3. 如图所示, 粗糙斜面上有一绕有线圈的磁筒 A, 线圈中通有电流, 空间有一匀强方向的磁场, 下列情况中由静止释放磁筒, 有可能保持静止状态的是:



找平衡类问题

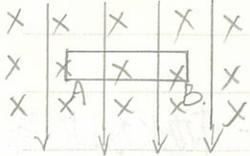
重力使其有逆时针转动趋势, C 中的磁场可以使其有顺时针转动趋势, 故可能平衡.

小球在最高点 v 以及通过最低点: $v = 0$

解拓P1

6. 如图, AB从人处自由下落, 则

- A: A端先着地 B: B端先着地
- C: 两端同时着地 D: 以上说法均用



AB落地作转动, 电子左移, 相当于左端带负电, 右端带正电, 因此B端先着地。

一. 缩径圆模型 v 一定 v 大小不变



1. 存在一圆心线

2. 等时线: $t = \frac{L}{v} T = \frac{2\pi}{v} T$ 速度方向相同

3. 速度等, 等半径则时间长短看弦弧

4. 不等速, 不同半径则看圆心角以比较时间

二. 滚动圆模型 v 大小一定, 方向不同



1. 圆心圆规律, 以出射点为圆心, $r = \frac{mv_0}{2B}$ 半径的圆。

2. 范围圆: 以 $2r = \frac{2mv_0}{B}$ 为半径的一个圆。

3. 时间长短看弦弧

4. 等时圆:

5. $r = R$ 平行出圆, 且 $\perp MD$ 学号08



4. [各种情况的讨论]

在光滑绝缘水平面上, 一轻绳拴着一个带电小球绕竖直方向的轴 O 在匀强磁场中做逆时针方向的水平匀速圆周运动, 磁场方向竖直向下, 其俯视图如图示, 若小球运动到 A 时, 由于某种原因绳突然断开, 关于小球在绳断开后可能的运动情况的运动情况, 以下说法正确的是: ()

- A: 小球仍做逆时针匀速圆周运动, 半径不变
- B: 小球仍做逆时针匀速圆周运动, 但半径减小
- C: 小球做顺时针匀速圆周运动, 半径不变
- D: 小球做顺时针匀速圆周运动, 半径减小



由于电性未知, 故需要分类。

① $q > 0$ 时, 则 $qVB + F_{\text{拉}} = m \frac{v^2}{r}$

② 当 $F_{\text{拉}} = 0$ 时, 绳断, 继续运动

③ 当 $F_{\text{拉}} \neq 0$ 时, 绳断, 做离心运动, r 必变大。

④ $q < 0$ 时: $F_{\text{拉}} - qVB = m \frac{v^2}{r}$ 此时 $F_{\text{拉}}$ 扣

绳断后, 向心力反向, 必顺时针转

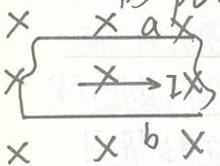
⑤ $F_{\text{拉}} - qVB > qVB$, r 减小

$F_{\text{拉}} - qVB = qVB$, r 不变

$F_{\text{拉}} - qVB < qVB$, r 增大

王 P173
例1 截面为矩形的载流金属导线置于磁场中, 如图, 将出现哪种情况?

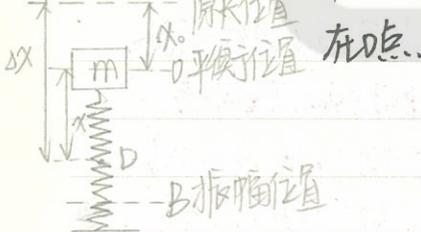
- A: 在b表面出现正电荷聚集, 而a表面出现负电荷
- B: 在a表面出现正电荷聚集, 而b表面出现负电荷
- C: 开刀后通电时, 电子同向运动并向b偏转
- D: 两个表面电势不同, a表面电势较高



答案为 D 忽略金属导线载流是电子移动而非正电荷运动

根据左手法则电子聚集在a板 a板电势低

2. 如图, 固定于水面上的金属棒abcd处于竖直向下的匀强磁场中金属棒MN沿框架以速度v向右做匀速运动, t=0时磁感应强度为B₀, 此时MN导线在点。



物文元注解 (磁场)

- ① 研究交接, 选取微元
- ② 列出微元方程 ③ 累积分和积分

王 P75 (例1)

如图, 水平固定放置两根导体电阻为R, 以导体与两根导轨连接, 间距为L, 有匀强磁场, 有一导体棒ab, 质量为m, 以初速度v开始向右运动, 不计金属导轨和导体棒ab电阻, 求ab移动的距离。

$$BIL = \frac{B^2 L^2 v}{R} = ma$$

$$BIL = \frac{B^2 L^2 v}{R} = m \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

$$\text{变形得: } \frac{B^2 L^2}{R} v \Delta t = m \Delta v$$

$$\text{积分 } \int \frac{B^2 L^2}{R} v \Delta t = \int m \Delta v$$

$$v \Delta t = \Delta x$$

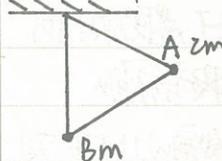
$$\therefore -\frac{B^2 L^2}{R} x = m(0 - v_0)$$

$$\therefore x_0 = \frac{mv_0 R}{B^2 L^2}$$

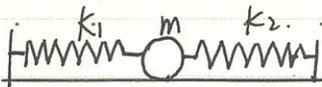
8 用三根轻木杆组成一个边长为L的正三角形框架, 在其中两顶A(2m) B(1m), 现将三角形框架第三个顶点悬挂在O点, 从图示位置由静止开始释放, 则:

- A: 小球A和B线速度始终相同
- B: 小球A向下摆动过程中机械能守恒
- C: 小球A向下摆到最低点的过程中速率增大后减小

D: OB杆向右摆动最大角速度先增后减



- A: A、B线速度方向不同
- B: 杆不系统
- C: 质心法: 下降后杆升



$$F_{\text{回}} = k_2 x + k_1 x = (k_1 + k_2) x$$

x向右, F向左 : 该模型为简谐运动

压缩 拉伸时同上.

光

I. 红 \rightarrow 紫 : $n \uparrow$; $\lambda \downarrow$ $f \uparrow$; $v \downarrow$; 色 \rightarrow f

$$II. n = \frac{c}{v} = \frac{\lambda_{\text{真}}}{\lambda_{\text{介}}} > 1$$

$$n = \frac{\sin i}{\sin r} \quad \textcircled{1} i > r \quad \textcircled{2} \sin i = n \sin r \quad \textcircled{3} \sin r = \frac{1}{n} \sin i$$

$$n \uparrow \rightarrow f \uparrow v \downarrow \lambda \downarrow c \downarrow$$

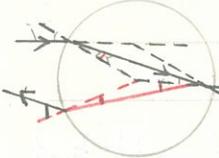
$$n = \frac{\lambda_0}{\lambda} = \frac{c}{\lambda f}$$

$$\lambda_i = \frac{c}{n f}$$

$$1. n = \frac{c}{v} > 1 \quad c = n \cdot v \quad v = \frac{1}{n} c$$

$$2. n = \frac{\lambda_{\text{真}}}{\lambda_{\text{介}}} > 1 \quad \lambda_{\text{真}} > \lambda_{\text{介}} \quad \lambda_{\text{真}} = n \lambda_{\text{介}} \quad \lambda_{\text{介}} = \frac{1}{n} \lambda_{\text{真}}$$

III 圆形界面

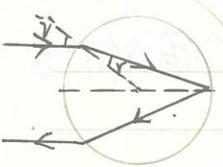


① 沿轴即法线 ② 对称: 沿入射点, 出射点, 半径对称, 进得来必然出得去

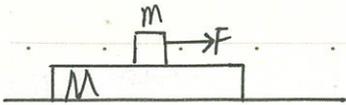
特例: 若光沿直径入射且入射光线过直径端点, 则平行出射

特别条件 ① $i = 2r$ ② $n = \frac{\sin i}{\cos r} = 2 \cos r = 2 \cos \frac{i}{2} \quad \cos \frac{i}{2} = \frac{1}{2} n$

③ 凸面球半径: $\delta = \frac{t}{n} = \frac{2R \cos r}{n} = \frac{nR}{c}$



时间 轴正方向	无电荷 正向充电	正向电荷 反向充电	反向电荷 反向充电	反向电荷 正向充电	正向电荷 正向充电	正向电荷 正向充电	正向电荷	正向电荷
q	+max + 减小	0	- 增大	-max	- 减小	0	+ 增大	+max
E								
E								
i	0	+ 增大	+max	+ 减小	0	- 增大	-max	- 减小



m 受 F 作用向右滑, 大木板静止

D: 无论怎样改变 F 的大小, 木板都不可能运动 ✓

相对运动法解题

1. A 火车以 $v_1 = 20 \text{ m/s}$ 速度匀速行驶, 司机发现前方轨道上相距 100 m 处有另一列火车 B 正以 $v_2 = 10 \text{ m/s}$ 的速度匀速行驶, A 车立即做加速度为 a 的匀减速直线运动。要使两车不相撞, 加速度 a 应满足什么条件?

A 相对 B: $v_{A \rightarrow B} = v_1 - v_2 = 10 \text{ m/s}$

$a_{A \rightarrow B} = -a - 0 = -a$

若不相撞

$s_{A \rightarrow B} < 100 \text{ m} \Rightarrow 0 - 10^2 = -2a s_{\text{相对}} \dots \textcircled{1}$

$\therefore a > 0.5 \text{ m/s}^2$

2. 练 1: 如图, 在一个正方形盒子里放有一个质量分布均匀的小球, 小球直径恰好和盒子内表面正方体的边长相等, 盒子沿倾角为 α 的固定斜面滑动, 不计摩擦, 下列说法正确的是。

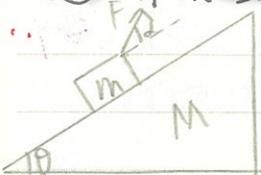
A. 无论盒子沿斜面上滑还是下滑, 球都反对盒子下底面有压力

B. 盒子上滑, 球 \rightarrow 下, 右面有压力 C. 盒下滑, 球 \rightarrow 下, 左有压力

D. 盒上滑, 球 \rightarrow 下, 左有压力。

物体加速度 $a = g \sin \alpha$, 所以无论上滑还是下滑, 只有重力沿斜面向下的分量提供, 所以物体只对盒子底面有压力。

3. 质量为 M 的木楔倾角为 θ , 在水平面上静止, 当将一质量为 m 的木块放在木楔斜面上时, 它正好匀速下滑, 如果用木楔斜面成 α 的力 F 拉着木块匀速上升, 如图, 力 F 最小值为?



$F \sin \alpha + N = mg \cos \theta \dots \textcircled{1}$

$mg \sin \theta = \mu mg \cos \theta \dots \textcircled{2}$

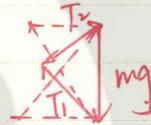
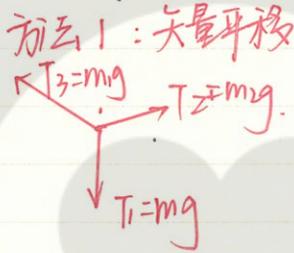
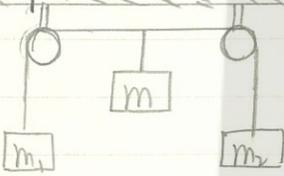
$F \cos \alpha = mg \sin \theta + \mu N \dots \textcircled{3}$

当 $\alpha = 0$ 时最大有

$F_{\max} = mg \sin 2\theta$

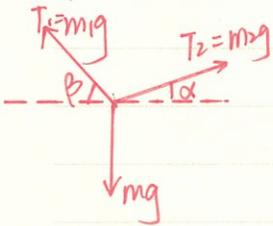
得: $F = \frac{2mg \sin \theta}{\tan \theta \sin \alpha + \cos \alpha} = \frac{2mg \sin \theta \cos \theta}{\cos(\alpha - \theta)}$

4. 一轻绳跨过两个等高的光滑滑轮 (不计大小摩擦), 两端分别挂上质量为 $m_1 = 4\text{kg}$ 和 $m_2 = 2\text{kg}$ 的物体, 如图, 在滑轮之间挂上物体 m , 为使三个物体保持平衡, 求 m 的取值范围.



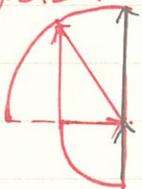
$m \in [2\sqrt{3}, 6]$

方法二: 力的分解



$$\begin{aligned}
 & m_1 g \cos \beta = m_2 g \cos \alpha && 4 \sin^2 \beta - 3 \geq 0 \\
 & m_1 g \sin \beta + m_2 g \sin \alpha = mg && \sin^2 \beta \geq \frac{3}{4} \\
 & \Rightarrow 2 \cos \beta = \cos \alpha && \sin \beta \geq \frac{\sqrt{3}}{2} \\
 & 4 \sin \beta + 2 \sin \alpha = m && \therefore b \geq m \geq 2\sqrt{3} \\
 & 4 \sin \beta + 2\sqrt{4 \sin^2 \beta - 3} = m
 \end{aligned}$$

方法三:



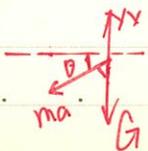
- 最小 $m = 2\sqrt{3}\text{kg}$
- 最大 $m = 6\text{kg}$

* 5. 如图, 车厢可改变倾角 θ , 用以卸下车厢中的货物, 下列说法正确?

- A. 货物相对车厢匀速下滑时, 地面 \rightarrow 货车有向右的摩擦力.
- B. 货车相对车厢静止时, 地面 \rightarrow 货车有向左的摩擦力.
- C. 货车 \rightarrow 车厢加速下滑时, 地面 \rightarrow 货车有向左的摩擦力.
- D. 货车 \rightarrow 车厢加速下滑时, 货车 \rightarrow 地面压力等于货物和货车总重.

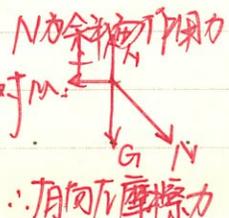
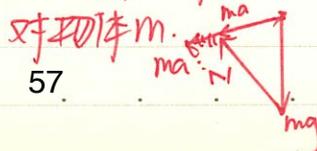
匀速/静止时, 无摩擦力
加速下滑时

方法一: 整体法:

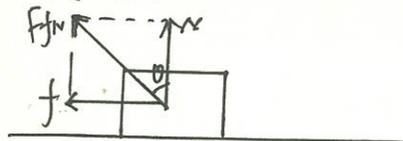


$$\begin{aligned}
 (m+M)g - N &= mg \sin \theta \\
 f &= ma \cos \theta
 \end{aligned}$$

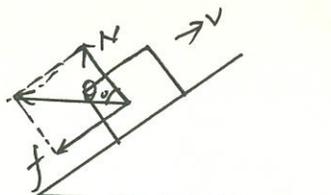
方法二: 隔离体法.



一. 摩擦角

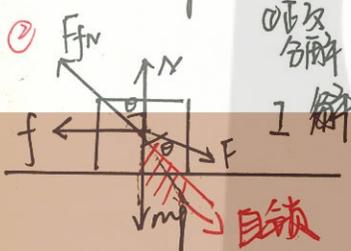
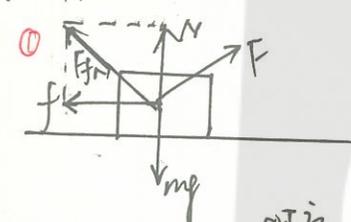


$$\tan \theta_0 = \frac{f}{N} = \mu$$



$$\tan \theta_0 = \frac{f}{N} = \mu$$

应用



① 正交分解

$$F \rightarrow \infty \quad \theta \rightarrow \tan^{-1} \mu$$

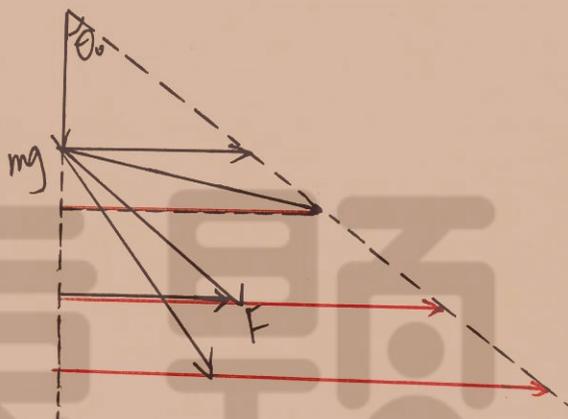
I 解析法: $F \sin \theta \leq \mu(mg + F \cos \theta)$

$$\sin \theta - \mu \cos \theta \leq \frac{\mu mg}{F}$$

$$F \rightarrow \infty \quad \sin \theta \leq \mu \cos \theta$$

$$\mu \geq \tan \theta \Rightarrow \theta \leq \theta_0$$

II 矢量平移法



例:



当 $\alpha > \theta_0$ 时, 自锁

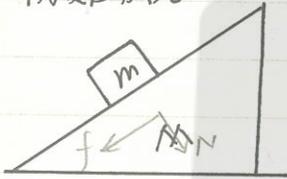
当 $\alpha = \theta_0$ 时, 刚好滑

$$\theta = \arctan 20 = \frac{\sqrt{2}}{2} 30^\circ$$

当 $\theta \leq \theta_0 = 30^\circ$ 时, 自锁

斜面、块模型

1. 初始状态



m 静止
m 匀速下滑

2. 情景变化产生的影响

对 m: ① $\downarrow F$ (G↑) ② $F \uparrow$ (G↓) ③ $\rightarrow F$
④ $\downarrow F$ ⑤ $\rightarrow F$

③ $F \nearrow$

F 产生加速段, 不会使 m 的摩擦力 μ 增加

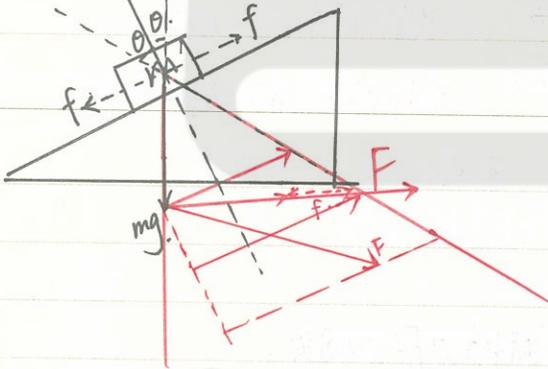
③ $F \rightarrow$

$$ma = mgsin\theta - F\cos\theta - \mu(mg\cos\theta + F\sin\theta)$$

$$= \frac{F}{\cos\theta}$$

$$a = \frac{F}{m\cos\theta} \text{ 向上}$$

$$\mu = \tan\theta$$

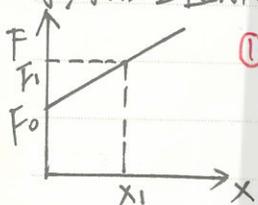


猿题库

力学

1. 特殊弹簧

- 弹簧, $F-x$ 如图, 将一质量为 m 的小球, 力变好, 当下拉小球至 x_1 , 释放小球, 小球在竖直方向振动, 当小球速度最大时, 弹簧伸长量为?



① 开始弹簧处于压缩状态.

② 解析式

$$v \rightarrow \max$$

$$F = F_0 + \frac{F_1 - F_0}{x_1} x$$

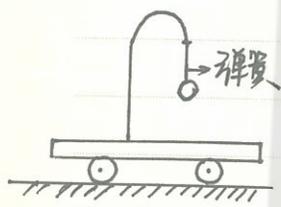
$$mg - F_0 = kx$$

当 $F = mg$ 时

$$x = \frac{(mg - F_0)x_1}{F_1 - F_0}$$

$$\text{得: } x = \frac{(mg - F_0)x_1}{F_1 - F_0}$$

2. 易错·弹簧



原因 小车由静止加速, 加速度由 0 逐渐增大到某一值, 然后保持此值, 小球稳定地偏离竖直方向某一角度, 该位置与原来比较, 高度如何变?

将绳分为 $l \rightarrow l_0$: 原长部分
 $l \rightarrow x$: 伸长部分

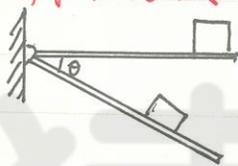
竖直方向时 $x = \frac{mg}{k}$

偏离后: $x_y = \frac{mg}{k}$

原长部分 l_0 (竖直时) 偏离后 $l_0 y = l_0 \sin \theta$

\therefore 比原来高

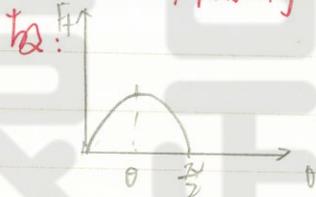
3. 摩擦力突变



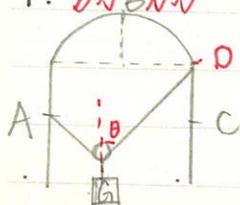
θ 增大的过程中, 摩擦力 F_f 如何变?

初: 静摩擦: $F_f = mg \sin \theta$

后: 滑动摩擦: $F_f = \mu N = \mu mg \cos \theta$



4. 合力与分力

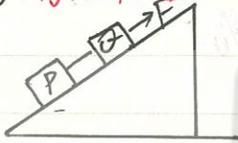


从 $B \rightarrow C$ 的过程中, 绳中拉力如何变?

$B \rightarrow D$ 过程中, θ 增大, $T \uparrow$ $T = \frac{mg}{2 \cos \theta}$

$D \rightarrow C$ 过程中, θ 不变, T 不变.

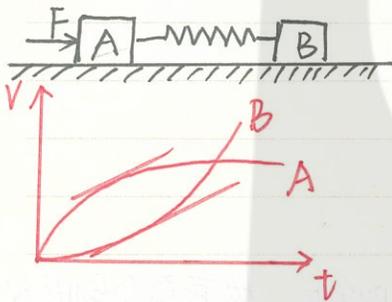
5. 力的传递



经过一系列分析, 得: $T_{PQ} = \frac{m_P F}{m_P + m_Q}$
 在水平, 竖直方向依旧成立

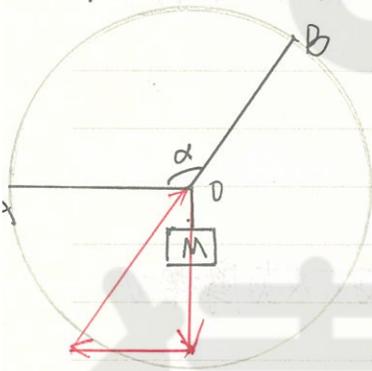
6. 图像法简化问题

质量相同的A, B用轻质弹簧连接, 静止于光滑水平面, 用F推A, 则从开始到弹簧第一次被压缩到最短的过程中:



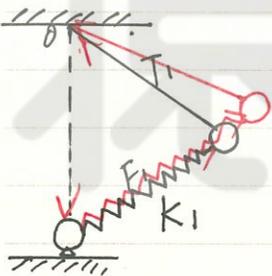
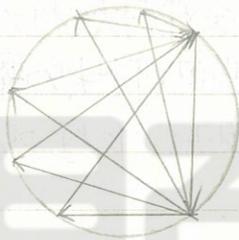
压缩到最短时, 速度必然相等.

7. 力恒定, 两力夹角



$\alpha = 120^\circ$, A, B保持 120° 不变顺时针转 75°
 则在转动过程中 T_{OA} , T_{OB} 如何变

T_{OA} 增大, T_{OB} 先增大后减小



将 K_1 换为 K_2 , ($K_2 > K_1$), 则 T_1 , F_1 如何变
 T_1 不变, F_1 增大

木板问题：摩擦力的变化

在木板 m 施加一个从零增大的水平向右的力 F ，假设木板足够长，画出 m 、 M 间摩擦力 f 随 F 变化的图象？

$m = M = 1\text{kg}$ $\mu_s = 0.4$ $\mu = 0.1$

① $F \leq \mu_s(m+M)g = 2\text{N}$ 时，物块静止

② $F - \mu_s(m+M)g = ma$

对 M : $a_{\max} = \frac{\mu_s mg - \mu_s(m+M)g}{M} = 2\text{m/s}^2$

$\therefore F = \mu_s(m+M)g + ma = 6\text{N}$

$\therefore 2\text{N} < F \leq 6\text{N}$ 时, $a = \frac{F - \mu_s(m+M)g}{m+M} = \frac{F}{2} - 1$

对 m : $F - \mu_s mg = ma \therefore f_2 = F - \frac{F}{2} + 1 = \frac{F}{2} + 1$

③ $F > 6\text{N}$ 时

$f_2 = \mu_s mg = 4\text{N}$

9. 如图所示，顶角为 90° ，质量 M 的三角木块放在地面上，两底角分别为 α 、 β 。两斜面光滑，在两斜面的顶端两个质量均为 m 的滑块 A 、 B 同时释放。

以下说法正确的是

A. 两滑块可能同时到达地面

B. 两滑块到达地面前，地面对木块支持力为 $(M+m)g$

C. 在两滑块到达地面前，地面对木块的摩擦力为 0

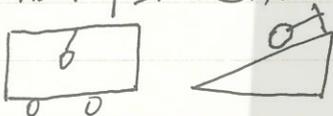
D. 在两滑块到达地面前，只有当 $\alpha = \beta$ 时，地面与木块间才没有摩擦力。



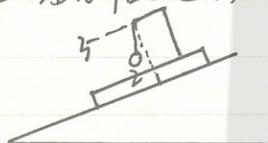
沿直线运动的绳系小球模型

① $a = ?$ ② $T = ?$ ③ $\mu = ?$

1. 沿水平直线运动



2. 沿斜面运动



若小球处于1

$$a = g \sin \theta \quad \mu = 0$$

若小球处于2.

$$a = 0, \text{ 匀速运动} \quad \mu = \tan \theta$$

小球不可能处于3.



1~2之间: $a = g \sin \theta - \mu g \cos \theta \quad \mu < \tan \theta$

2~3之间: $a = \mu g \cos \theta - g \sin \theta \quad \mu > \tan \theta$

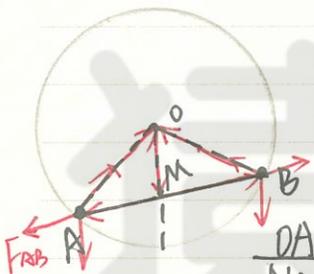
力学中的相似三角形问题.

球壳半径为 R , $OM = \frac{1}{2}R$

A: $m_A < m_B$ B球对A球支持力为 $N_A = 2mg$

C: 轻杆对B支持力可能小于B重力

D: 若增大小球A的质量 m_A , θ 角会增大



$$\frac{DA}{N_A} = \frac{AM}{F_{AB}} = \frac{OM}{mg}$$

$$OA = R \quad AM = \frac{R}{2}$$

$$\therefore N_A = 2mg$$

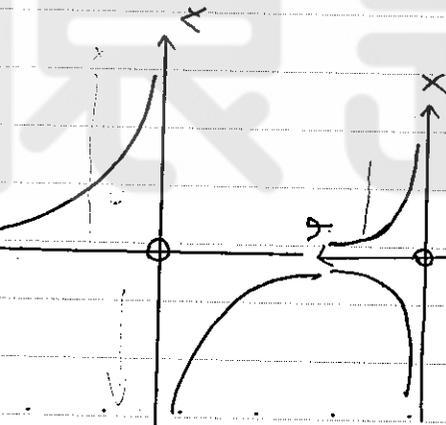
$$\frac{OM}{mg} = \frac{BM}{F_{AB}}$$

$$\frac{m_B}{m_A} = \frac{AM}{BM} < 1$$

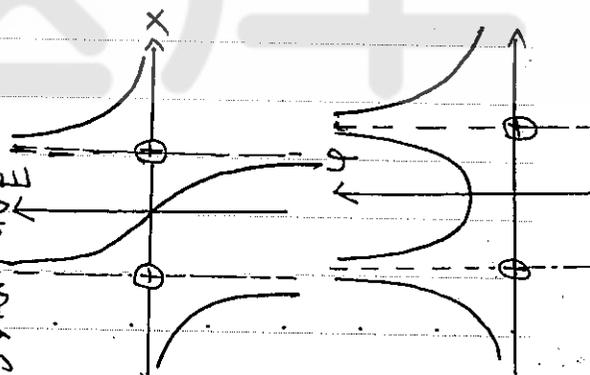
D. 极限法 $m_A \rightarrow \infty \quad m_B = 0 \quad \therefore \theta$ 增大

$E-x, \varphi-x$ 图像

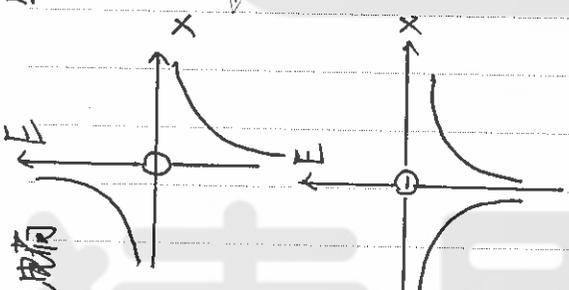
孤立正电荷: $\uparrow E$



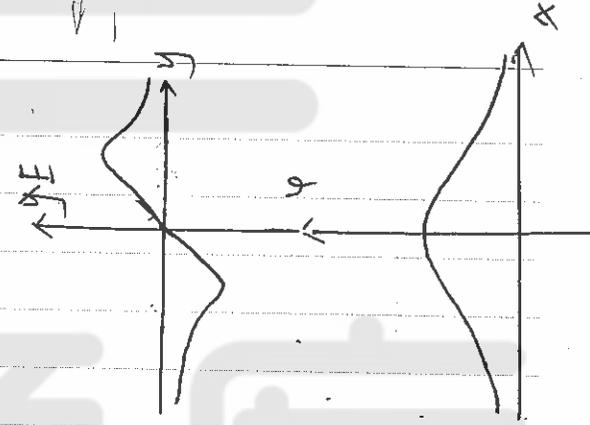
孤立正电荷 x 方向



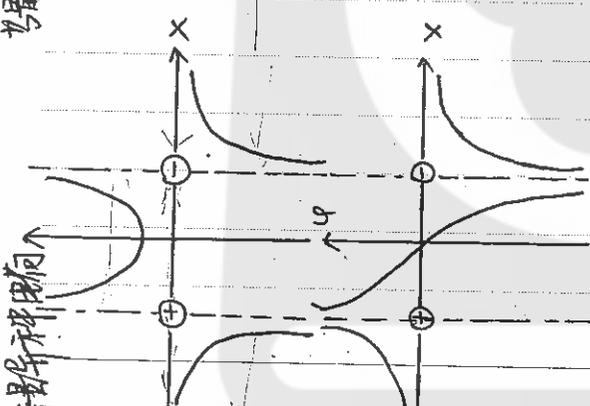
负负电荷



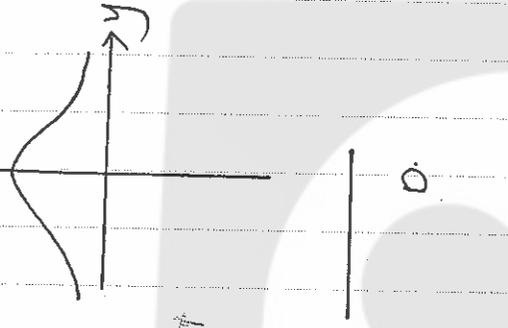
孤立正电荷 y 方向



等量异种电荷



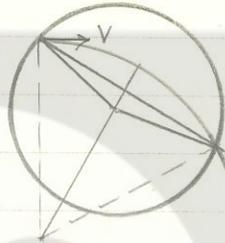
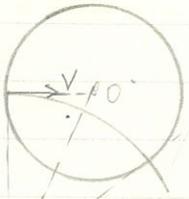
等量同种电荷 y 方向



圆形边界

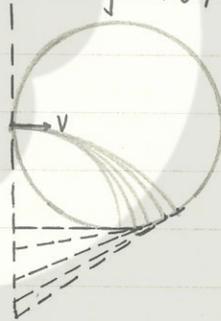
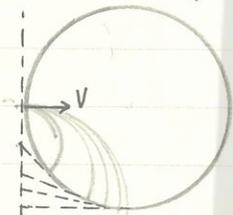
1. 平行于半径方向

2. 平行于某一直径入射



3. 当 $r \leq R$ 时 (沿径向入射时)

4. 当 $r > R$ 时 (沿径向入射时)



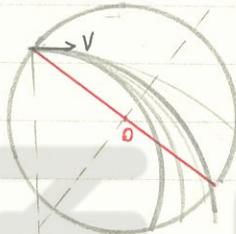
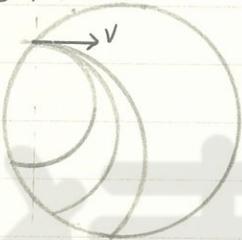
沿径向入射时

↑ 时间 ↓, $t_{min} < \frac{2R}{v}$

4. 沿直径入射时

① $r < R$

② $r > R$



有最长时间
(t 长 短 看 弦 长 弧)

5. $r = R$ 时

